

***ENEM 2014 – (2ª APLICAÇÃO - PPL)***  
***PROVA CINZA***

***GABARITO COMENTADO***

***PROFESSOR MARCOS JOSÉ***

## QUESTÃO 136

Em uma escola, cinco atletas disputam a medalha de ouro em uma competição de salto em distância. Segundo o regulamento dessa competição, a medalha de ouro será dada ao atleta mais regular em uma série de três saltos.

Os resultados e as informações dos saltos desses cinco atletas estão no quadro.

A medalha de ouro foi conquistada pelo atleta número

- (A) I.
- (B) II.
- (C) III.
- (D) IV.
- (E) V.

Atleta	1º salto	2º salto	3º salto	Média	Mediana	Desvio padrão
I	2,9	3,4	3,1	3,1	3,1	0,25
II	3,3	2,8	3,6	3,2	3,3	0,40
III	3,6	3,3	3,3	3,4	3,3	0,17
IV	2,3	3,3	3,4	3,0	3,3	0,60
V	3,7	3,5	2,2	3,1	3,5	0,81

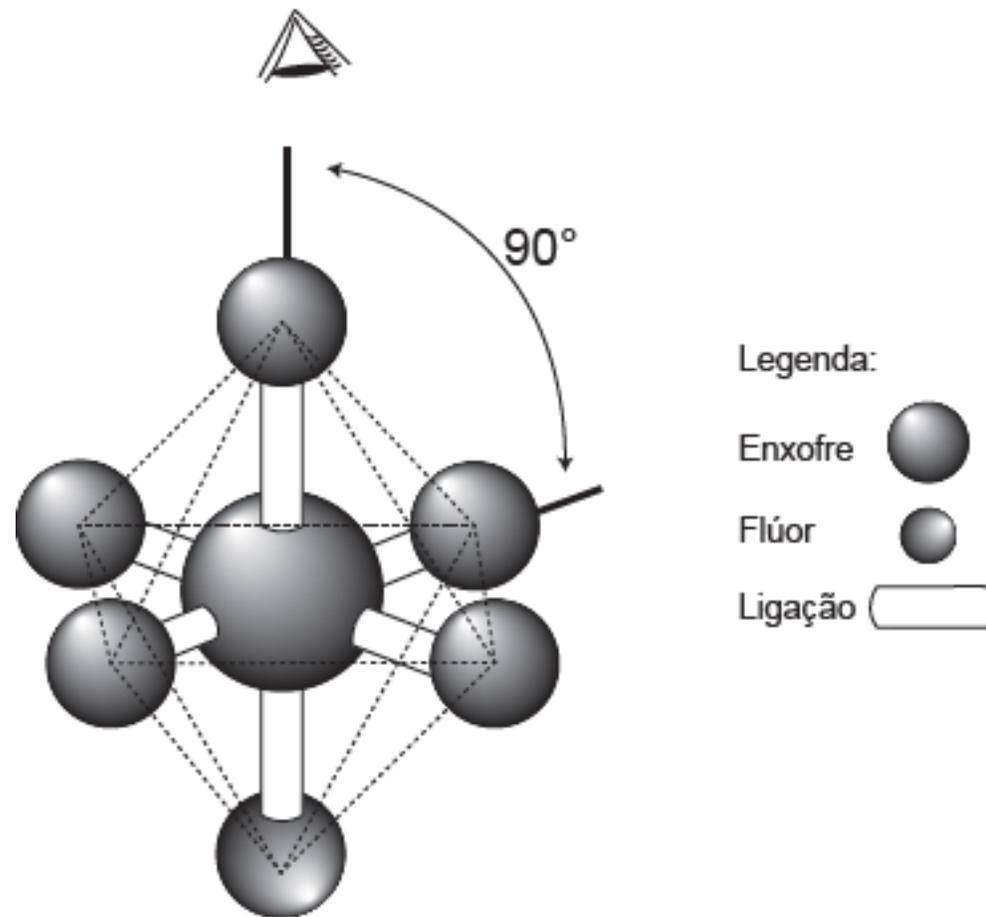
***O mais regular é o atleta que tem o menor desvio padrão.***

***Atleta III.***

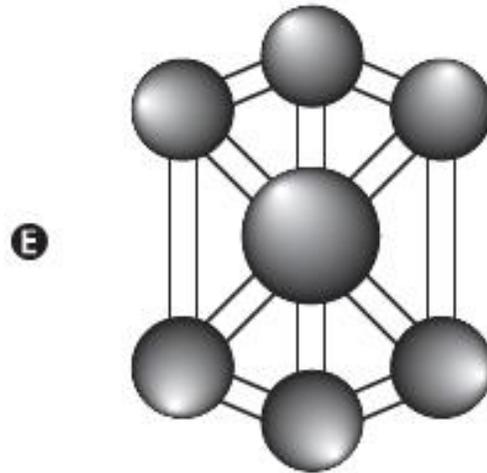
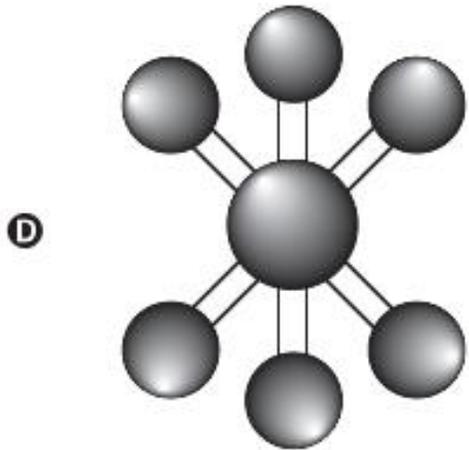
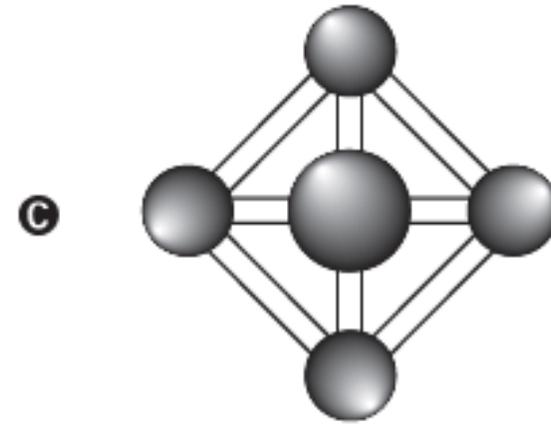
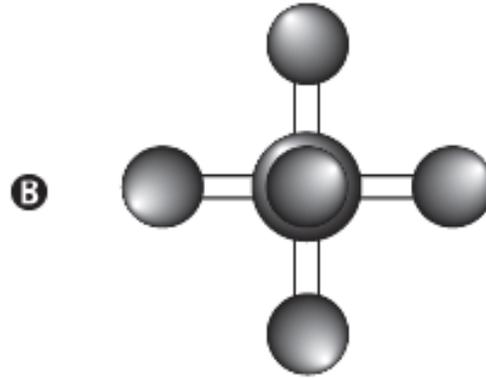
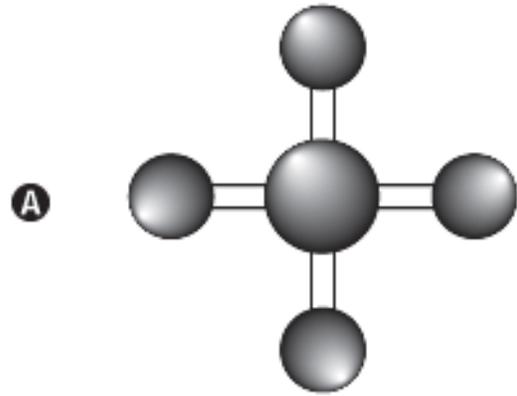
***GABARITO: C***

## QUESTÃO 137

A figura é uma representação tridimensional da molécula do hexafluoreto de enxofre, que tem a forma bipiramidal quadrada, na qual o átomo central de enxofre está cercado por seis átomos de flúor, situados nos seis vértices de um octaedro. O ângulo entre qualquer par de ligações enxofre-flúor adjacentes mede  $90^\circ$ .



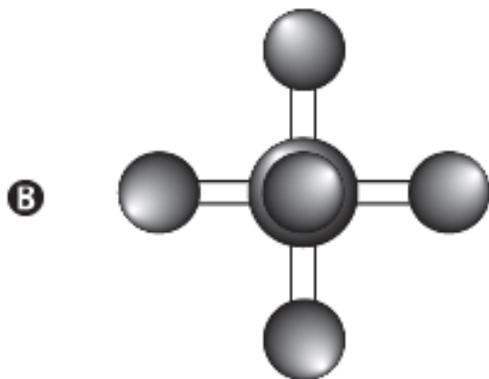
A vista superior da molécula, como representada na figura, é:



*Os ângulos entre os pares de ligações são de  $90^\circ$ . Eliminamos as letras C, D e E.*

*Restam as alternativas A e B.*

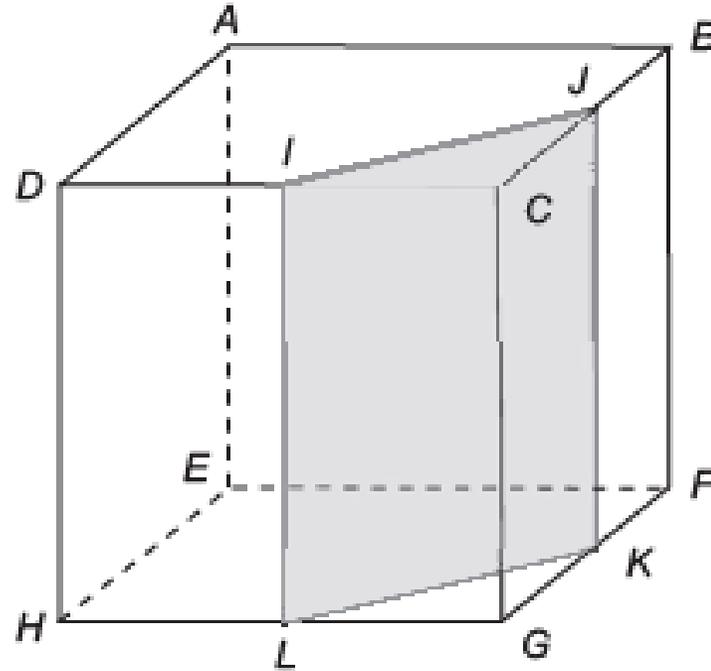
*Como a molécula de enxofre é maior que a de flúor, a alternativa certa é a letra B.*



***GABARITO: B***

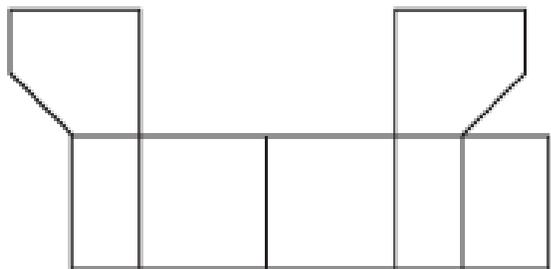
### QUESTÃO 138

Corta-se um cubo  $ABCDEFGH$  por um plano ortogonal às faces  $ABCD$  e  $EFGH$  que contém os pontos médios  $I$  e  $J$  das arestas  $CD$  e  $BC$  e elimina-se, em seguida, o prisma  $IJCLKG$ , obtendo-se o prisma  $ABJIDEFKLH$ .

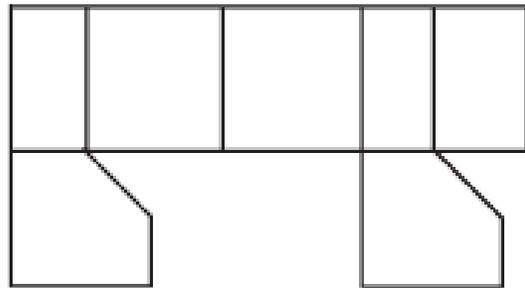


A planificação da superfície do prisma resultante  $ABJIDEFKLH$  corresponde à figura

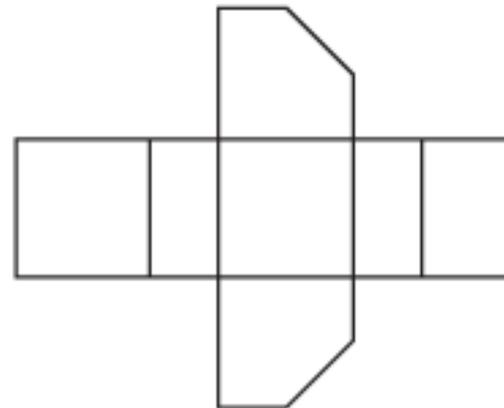
**A**



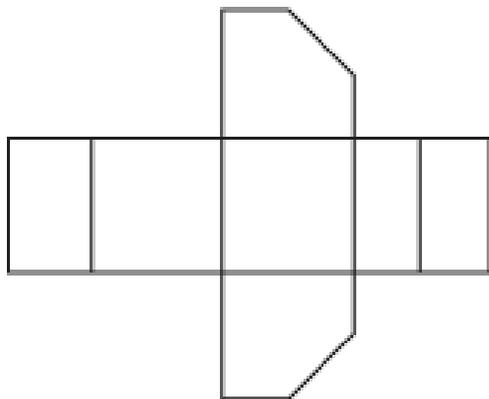
**B**



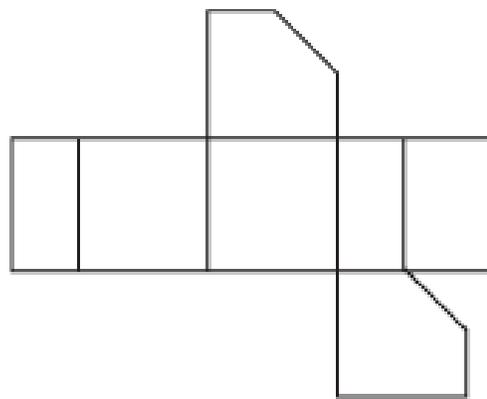
**C**

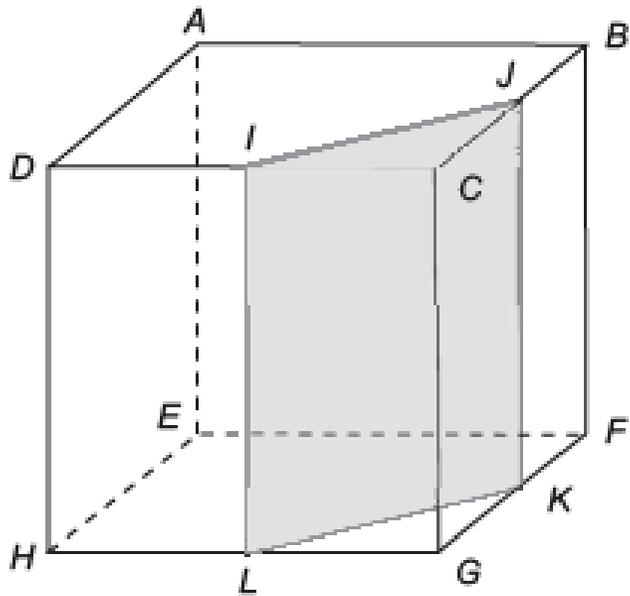


**D**



**E**





***$IJ = LK$  e ambos são maiores que  $KF, JB, LH$  e  $ID$***

***As alternativas A e B estão erradas, pois os polígonos  $ABJID$  e  $EFKLH$  estão do mesmo lado.***

***As faces quadradas  $ABFE$  e  $ADHE$  tem a aresta  $AE$  em comum e devem estar lado a lado.***

***A alternativa C está errada.***

***Na alternativa D os dois retângulos menores ( $BFKJ$  e  $DILH$ ) estão colados e eles devem ficar separados. A alternativa D está errada.***

***GABARITO: E***

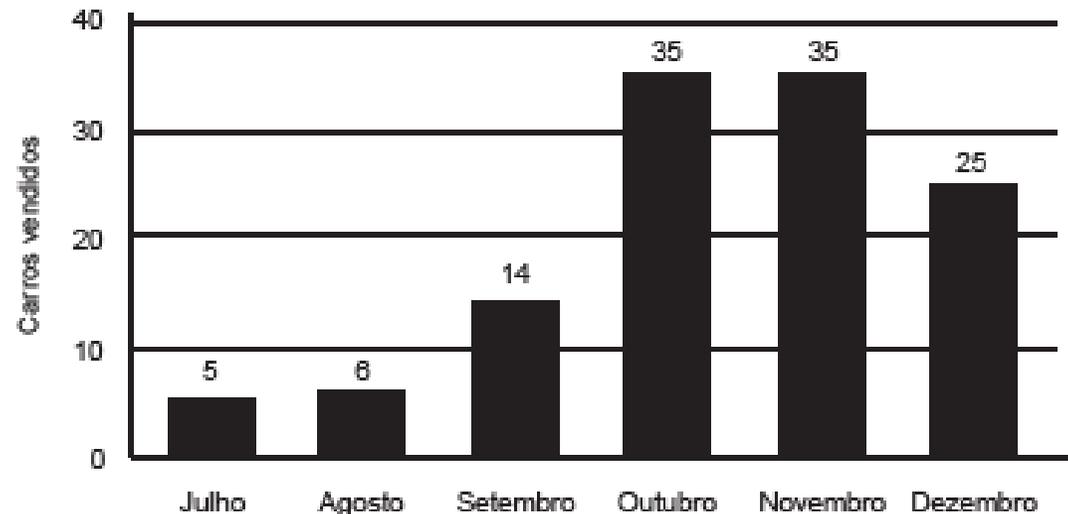
## QUESTÃO 139

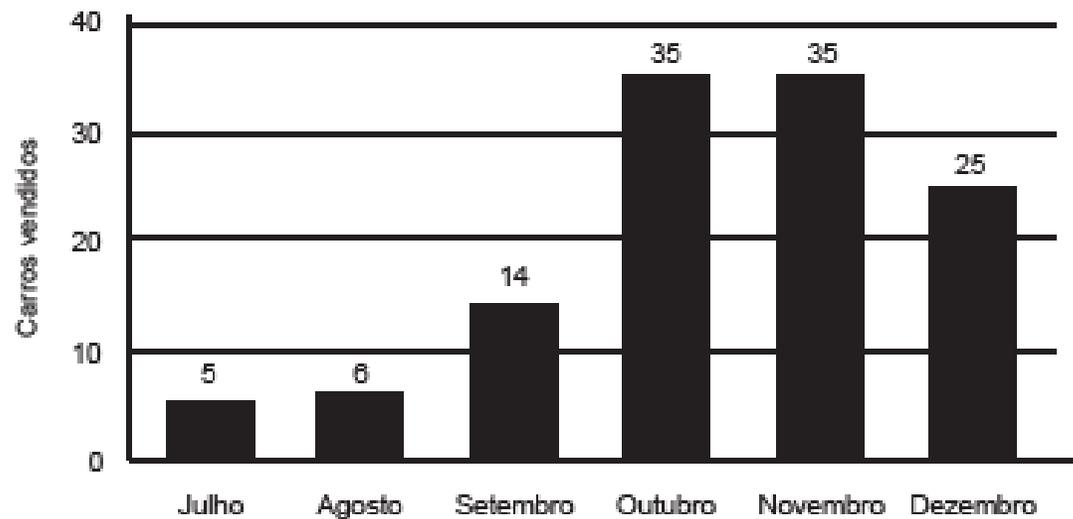
Após encerrar o período de vendas de 2012, uma concessionária fez um levantamento das vendas de carros novos no último semestre desse ano. Os dados estão expressos no gráfico:

Ao fazer a apresentação dos dados aos funcionários, o gerente estipulou como meta para o mês de janeiro de 2013 um volume de vendas 20% superior à média mensal de vendas do semestre anterior.

Para atingir essa meta, a quantidade mínima de carros que deveriam ser vendidos em janeiro de 2013 seria

- (A) 17.
- (B) 20.
- (C) 21.
- (D) 24.
- (E) 30.





$$\text{Média} = \frac{5 + 6 + 14 + 35 + 35 + 25}{6} = \frac{120}{6} = 20$$

$$\text{Jan 2013} = 1,20 \times 20 = 24$$

***GABARITO: D***

## QUESTÃO 140

Uma loja decide premiar seus clientes. Cada cliente receberá um dos seis possíveis brindes disponíveis, conforme sua ordem de chegada na loja. Os brindes a serem distribuídos são: uma bola, um chaveiro, uma caneta, um refrigerante, um sorvete e um CD, nessa ordem. O primeiro cliente da loja recebe uma bola, o segundo recebe um chaveiro, o terceiro recebe uma caneta, o quarto recebe um refrigerante, o quinto recebe um sorvete, o sexto recebe um CD, o sétimo recebe uma bola, o oitavo recebe um chaveiro, e assim sucessivamente, segundo a ordem dos brindes.

O milésimo cliente receberá de brinde um(a)

- (A) bola.
- (B) caneta.
- (C) refrigerante.
- (D) sorvete.
- (E) CD.

- 1 – bola
- 2 – chaveiro
- 3 – caneta
- 4 – refrigerante
- 5 – sorvete
- 6 – CD

$$\begin{array}{r|l} 1000 & 6 \\ \hline & 166 \\ \hline 4 & \end{array}$$

*resto 4 → refrigerante*

***GABARITO: C***

## QUESTÃO 141

O ferro é um mineral fundamental para que as células mantenham seu bom funcionamento. Ele é essencial ao transporte de oxigênio, síntese de DNA e metabolismo energético. É recomendado para meninos de 9 a 13 anos ingerirem, pelo menos, 8 mg de ferro por dia.

Pesquisadores elaboraram a tabela com alguns alimentos e as suas respectivas quantidades de ferro:

Alimento (100 g)	Ferro (mg)
Coração de frango	6,5
Sardinha em conserva	3,5
Amêndoa	3,1
Caldo de cana	2,3
Lentilha	1,5
Batata-doce	1,5
Feijão carioca	1,3
Filé de frango (peito)	0,3

A diretora de uma escola sabe que deve escolher para o almoço de seus alunos o máximo de cardápios possíveis entre três cardápios existentes, no(s) qual(is) cada porção equivale a 100 g e cada copo a 50 g.

● <u><i>CARDÁPIO 1</i></u>	● <u><i>CARDÁPIO 2</i></u>	● <u><i>CARDÁPIO 3</i></u>
● <i>2 porções de feijão carioca</i>	● <i>2 copos de caldo de cana</i>	● <i>2 porções de lentilha</i>
● <i>1 porção de coração de frango</i>	● <i>1 porção de sardinha em conserva</i>	● <i>3 porções de filé de frango</i>
● <i>1 porção de amêndoa</i>	● <i>2 porções de feijão carioca</i>	● <i>2 porções de batata doce</i>

Disponível em: [www.rgnutri.com.br](http://www.rgnutri.com.br). Acesso em: 2 ago. 2012 (adaptado).

Para ter certeza de que seus alunos estão ingerindo a quantidade mínima de ferro recomendada, a diretora deve escolher o(s) cardápio(s)

- (A) 1.
- (B) 2.
- (C) 3.
- (D) 1 ou 2.
- (E) 1 ou 3.

- **CARDÁPIO 1**

● <i>2 porções de feijão carioca</i>
● <i>1 porção de coração de frango</i>
● <i>1 porção de amêndoa</i>

- **CARDÁPIO 2**

● <i>2 copos de caldo de cana</i>
● <i>1 porção de sardinha em conserva</i>
● <i>2 porções de feijão carioca</i>

- **CARDÁPIO 3**

● <i>2 porções de lentilha</i>
● <i>3 porções de filé de frango</i>
● <i>2 porções de batata doce</i>

Disponível em: [www.rgnutri.com.br](http://www.rgnutri.com.br). Acesso em: 2 ago. 2012 (adaptado).

Alimento (100 g)	Ferro (mg)
Coração de frango	6,5
Sardinha em conserva	3,5
Amêndoa	3,1
Caldo de cana	2,3
Lentilha	1,5
Batata-doce	1,5
Feijão carioca	1,3
Filé de frango (peito)	0,3

***No mínimo 8 mg de ferro por dia.***

### ***Cardápio 1***

***2 porções de feijão carioca = 200 g → 2 x 1,3 = 2,6 mg de Ferro***  
***1 porção de coração = 100g = 6,5 mg de Ferro***  
***1 porção de Amêndoas = 100g = 3,1 mg de Ferro***

***Total de ferro = 2,6 + 6,5 + 3,1 = 12,2 mg***

## ***Cardápio 2***

$$\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ copos de caldo de cana} = 100 \text{ g} = 2,3 \text{ mg de Ferro} \\ 1 \text{ porção de sardinha} = 100\text{g} = 3,5 \text{ mg de Ferro} \\ 2 \text{ porções de feijão} = 200\text{g} = 2 \times 1,3 = 2,6 \text{ mg de Ferro} \end{array} \right.$$

$$\text{Total de ferro} = 2,3 + 3,5 + 2,6 = 8,4 \text{ mg}$$

## ***Cardápio 3***

$$\left\{ \begin{array}{l} 2 \text{ porções de lentilha} = 200 \text{ g} \rightarrow 2 \times 1,5 = 3,0 \text{ mg de Ferro} \\ 3 \text{ porções de frango} = 300\text{g} \rightarrow 3 \times 0,3 = 0,9 \text{ mg de Ferro} \\ 2 \text{ porções de batata doce} = 200\text{g} = 2 \times 1,5 = 3,0 \text{ mg de Ferro} \end{array} \right.$$

$$\text{Total de ferro} = 3,0 + 0,9 + 3,0 = 6,9 \text{ mg}$$

***Cardápios 1 e 2 têm mais de 8 mg de Ferro.***

***GABARITO: D***

## QUESTÃO 142

Um estudante se cadastrou numa rede social na internet que exibe o índice de popularidade do usuário.

Esse índice é a razão entre o número de admiradores do usuário e o número de pessoas que visitam seu perfil na rede.

Ao acessar seu perfil hoje, o estudante descobriu que seu índice de popularidade é  $0,3121212\dots$

O índice revela que as quantidades relativas de admiradores do estudante e pessoas que visitam seu perfil são

- (A) 103 em cada 330.
- (B) 104 em cada 333.
- (C) 104 em cada 3 333.
- (D) 139 em cada 330.
- (E) 1 039 em cada 3 330.

**$0,3121212 \dots \rightarrow$  *dízima periódica composta***

$$0,3121212 \dots = \frac{312 - 3}{900} = \frac{309}{990} = \frac{103}{330}$$

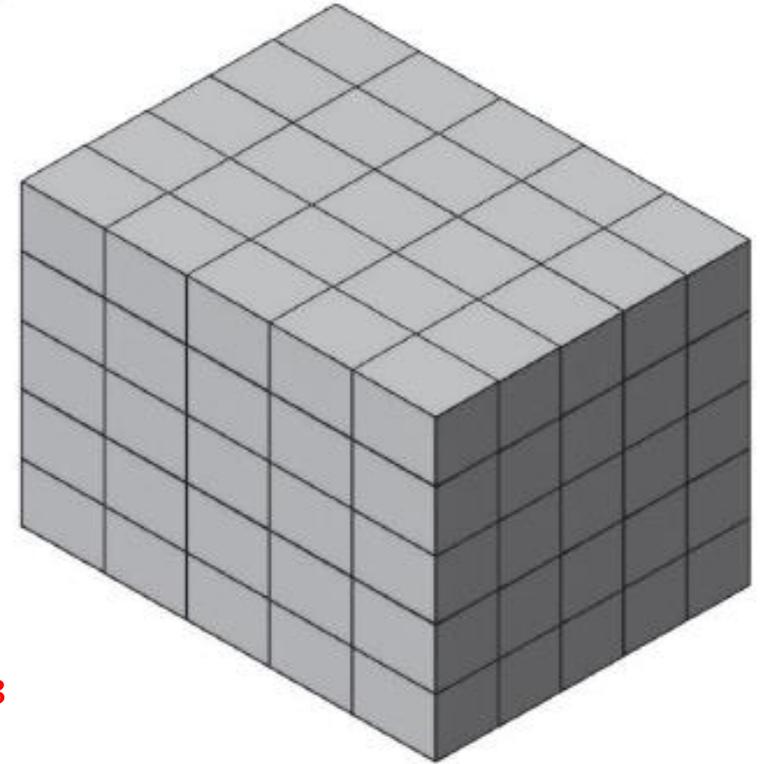
***GABARITO: A***

### QUESTÃO 143

Uma fábrica de rapadura vende seus produtos empacotados em uma caixa com as seguintes dimensões: 25 cm de comprimento; 10 cm de altura e 15 cm de profundidade. O lote mínimo de rapaduras vendido pela fábrica é um agrupamento de 125 caixas dispostas conforme a figura.

Qual é o volume do lote mínimo comercializado pela fábrica de rapaduras?

- (A) 3 750 cm<sup>3</sup>.
- (B) 18 750 cm<sup>3</sup>.
- (C) 93 750 cm<sup>3</sup>.
- (D) 468 750 cm<sup>3</sup>.
- (E) 2 343 750 cm<sup>3</sup>.



$$V_{vendido} = 125 \times (10 \times 15 \times 25) = 125 \times 3750 = 468750 \text{ cm}^3$$

**GABARITO: D**

## QUESTÃO 144

Uma concessionária de automóveis revende atualmente três marcas de veículos, A, B e C, que são responsáveis por 50%, 30% e 20%, respectivamente, de sua arrecadação. Atualmente, o faturamento médio mensal dessa empresa é de R\$ 150 000,00. A direção dessa empresa estima que, após uma campanha publicitária a ser realizada, ocorrerá uma elevação de 20%, 30% e 10% na arrecadação com as marcas A, B e C, respectivamente.

Se os resultados estimados na arrecadação forem alcançados, o faturamento médio mensal da empresa passará a ser de

- (A) R\$ 180 000,00.
- (B) R\$ 181 500,00.
- (C) R\$ 187 500,00.
- (D) R\$ 240 000,00.
- (E) R\$ 257 400,00.

$$150000 \rightarrow \begin{cases} A = \frac{50}{100} \times 150000 = 75000 \\ B = \frac{30}{100} \times 150000 = 45000 \\ C = \frac{20}{100} \times 150000 = 30000 \end{cases}$$

$$\begin{cases} A = 1,20 \times 75000 = 90000 \\ B = 1,30 \times 45000 = 58500 \\ C = 1,10 \times 30000 = 33000 \end{cases}$$

$$\text{Total} = 90000 + 58500 + 33000 = \text{R\$ } 181500,00$$

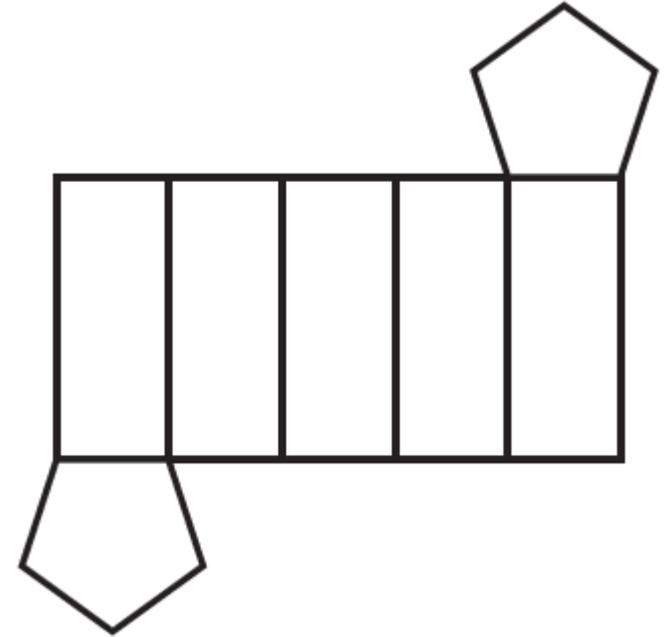
***GABARITO: B***

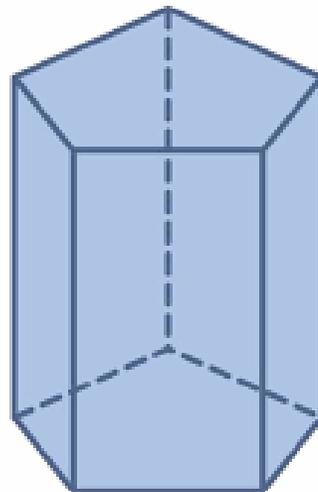
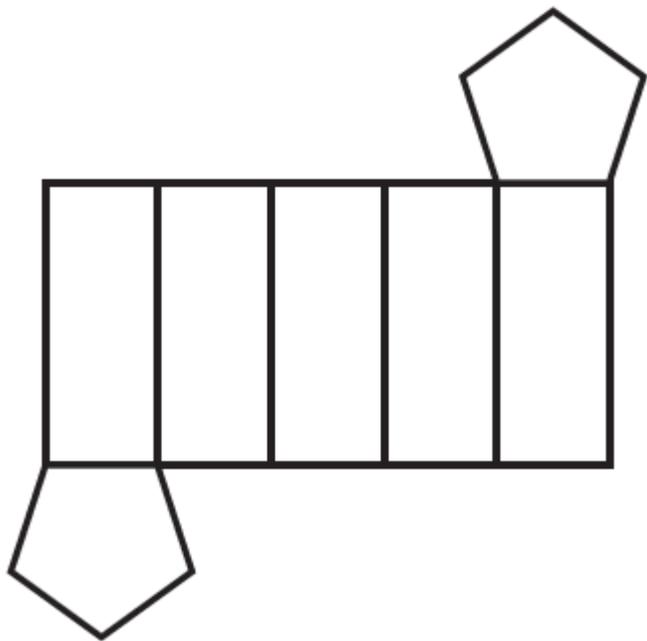
### QUESTÃO 145

Um lojista adquiriu novas embalagens para presentes que serão distribuídas aos seus clientes. As embalagens foram entregues para serem montadas e têm forma dada pela figura.

Após montadas, as embalagens formarão um sólido com quantas arestas?

- (A) 10.
- (B) 12.
- (C) 14.
- (D) 15.
- (E) 16.





***Arestas = 10 ( 5 em cada base ) + 5 ( laterais ) = 15***

***GABARITO: D***

## QUESTÃO 146

Um homem, determinado a melhorar sua saúde, resolveu andar diariamente numa praça circular que há em frente à sua casa. Todos os dias ele dá exatamente 15 voltas em torno da praça, que tem 50 m de raio.

Use 3 como aproximação para  $\pi$ .

Qual é a distância percorrida por esse homem em sua caminhada diária?

- (A) 0,30 km.
- (B) 0,75 km.
- (C) 1,50 km.
- (D) 2,25 km.
- (E) 4,50 km.

$$\text{Distância} = 15 \times (2 \times \pi \times R) = 15 \times (2 \times 3 \times 50) = 15 \times 300 = 4500 \text{ m} = 4,5 \text{ km}$$

***GABARITO: E***

## QUESTÃO 147

Enquanto as lâmpadas comuns têm 8 mil horas de vida útil, as lâmpadas LED têm 50 mil horas.

MetroCuritiba, 18 ago. 2011 (adaptado).

De acordo com a informação e desprezando possíveis Algarismos na parte decimal, a lâmpada LED tem uma durabilidade de

- (A) 1 750 dias a mais que a lâmpada comum.
- (B) 2 000 dias a mais que a lâmpada comum.
- (C) 2 083 dias a mais que a lâmpada comum.
- (D) 42 000 dias a mais que a lâmpada comum.
- (E) 1 008 000 dias a mais que a lâmpada comum.

$$50000 - 8000 = 42000 \text{ horas}$$

$$\begin{array}{r} 42000 \\ \hline 1750 \\ \hline 0 \end{array}$$

**1750 dias a mais.**

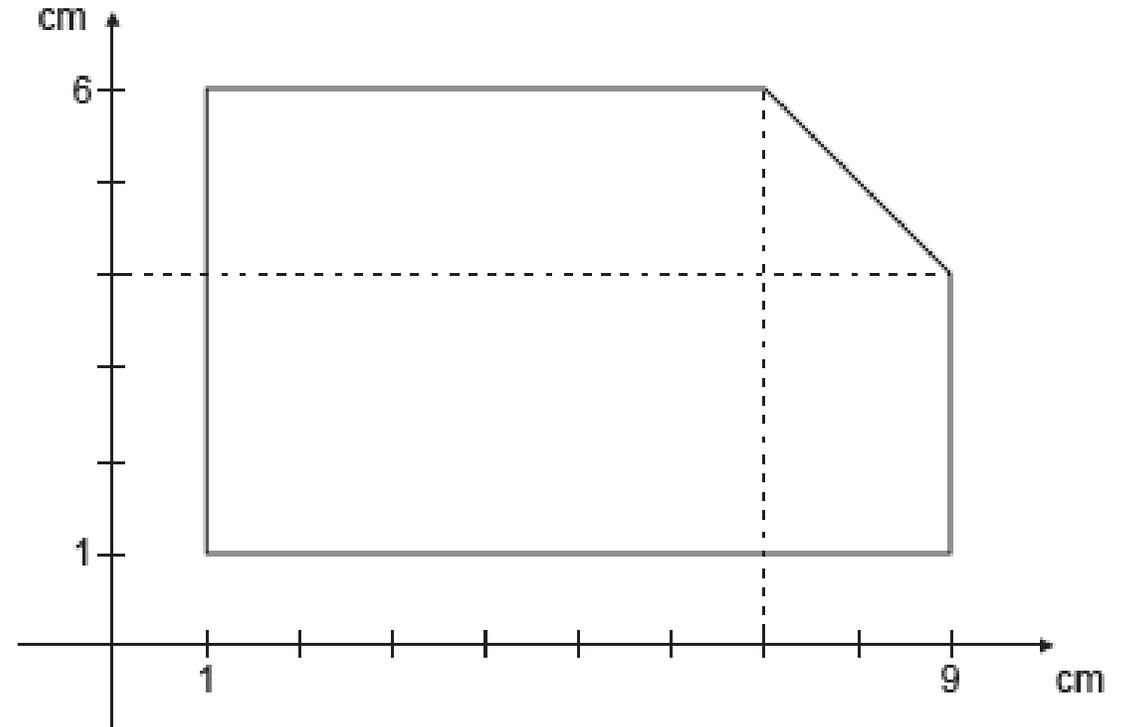
**GABARITO: A**

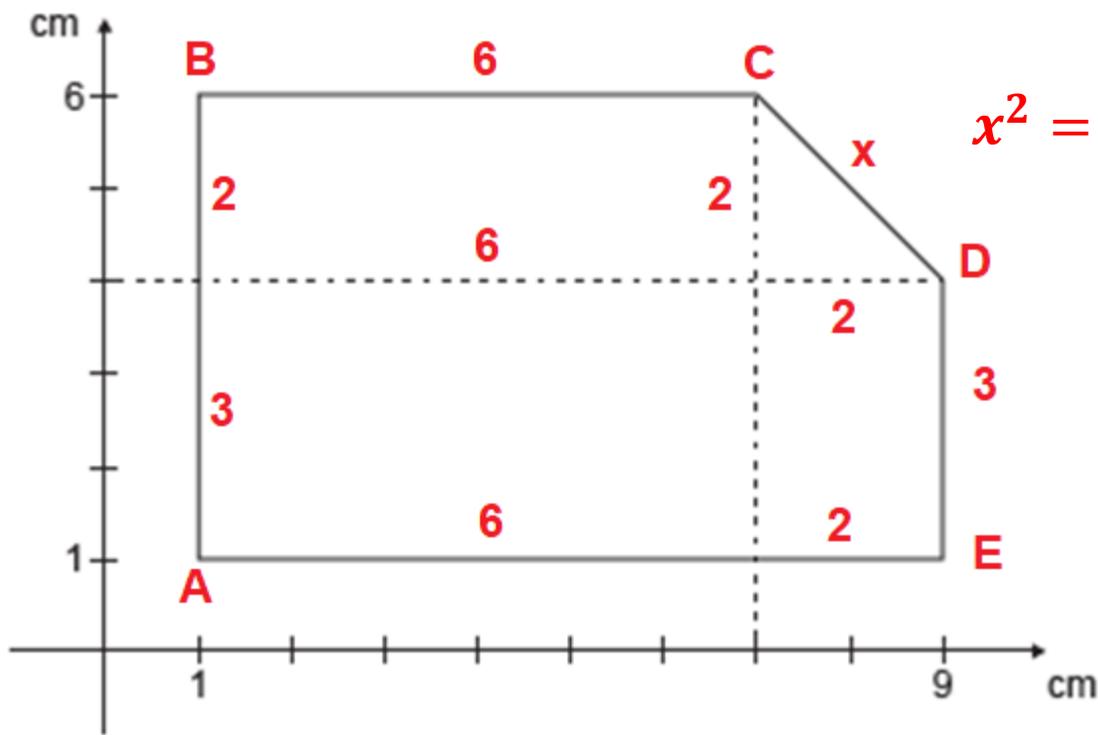
### QUESTÃO 148

Um construtor pretende murar um terreno e, para isso, precisa calcular o seu perímetro. O terreno está representado no plano cartesiano, conforme a figura, no qual foi usada a escala 1 : 500. Use 2,8 como aproximação para  $\sqrt{8}$ .

De acordo com essas informações, o perímetro do terreno, em metros, é

- (A) 110.
- (B) 120.
- (C) 124.
- (D) 130.
- (E) 144.





$$x^2 = 2^2 + 2^2 \rightarrow x^2 = 4 + 4 \rightarrow x^2 = 8 \rightarrow x = \sqrt{8} \rightarrow x = 2,8$$

$$2p = AB + BC + CD + DE + AE \rightarrow 2p = 5 + 6 + 2,8 + 3 + 8 \rightarrow 2p = 24,8 \text{ cm} = 0,248 \text{ m}$$

$$\text{Escala} = \frac{\text{desenho}}{\text{real}} \rightarrow \frac{1}{500} = \frac{0,248}{y} \rightarrow y = 500 \times 0,248 \rightarrow y = 124 \text{ m}$$

**GABARITO: C**

## QUESTÃO 149

A probabilidade de um empregado permanecer em uma dada empresa particular por 10 anos ou mais é de  $\frac{1}{6}$ .

Um homem e uma mulher começam a trabalhar nessa companhia no mesmo dia. Suponha que não haja nenhuma relação entre o trabalho dele e o dela, de modo que seus tempos de permanência na firma são independentes entre si.

A probabilidade de ambos, homem e mulher, permanecerem nessa empresa por menos de 10 anos é de

- (A)  $\frac{60}{36}$ .      (B)  $\frac{25}{36}$ .      (C)  $\frac{24}{36}$ .      (D)  $\frac{12}{36}$ .      (E)  $\frac{1}{36}$ .

$$p_{\text{trabalhar}} = \frac{1}{6} \rightarrow p_{\text{não trabalhar}} = \frac{5}{6}$$

$$p = \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{25}{36}$$

**GABARITO: B**

## QUESTÃO 150

O criador de uma espécie de peixe tem sete tanques, sendo que cada tanque contém 14 600 litros de água.

Nesses tanques, existem em média cinco peixes para cada metro cúbico ( $m^3$ ) de água. Sabe-se que cada peixe consome 1 litro de ração por semana. O criador quer construir um silo que armazenará a ração para alimentar sua criação.

Qual é a capacidade mínima do silo, em litros, para armazenar a quantidade de ração que garantirá a alimentação semanal dos peixes?

- (A) 511.
- (B) 5 110.
- (C) 51 100.
- (D) 511 000.
- (E) 5 110 000.

***7 tanques → 14600 L → 7 x 14600 = 102200 L***

***1 m<sup>3</sup> = 1000L → 5 peixes → 1000 L***

***número de peixes = 5 x  $\frac{102200}{1000} = \frac{511000}{1000} = 511$  peixes***

***Cada peixe consome 1 L de ração por semana.***

***capacidade do silo = 511 L***

***GABARITO: A***

## QUESTÃO 151

Um agricultor possui em sua fazenda um silo para armazenar sua produção de milho. O silo, que na época da colheita é utilizado em sua capacidade máxima, tem a forma de um paralelepípedo retângulo reto, com os lados da base medindo  $L$  metros e altura igual a  $h$  metros. O agricultor deseja duplicar a sua produção para o próximo ano e, para isso, irá comprar um novo silo, no mesmo formato e com o dobro da capacidade do atual. O fornecedor de silos enviou uma lista com os tipos disponíveis e cujas dimensões são apresentadas na tabela:

Para atender às suas necessidades, o agricultor deverá escolher o silo de tipo

- (A) I.
- (B) II.
- (C) III.
- (D) IV.
- (E) V.

Tipo de silo	Lado (em metros)	Altura (em metros)
I	$L$	$2h$
II	$2L$	$h$
III	$2L$	$2h$
IV	$4L$	$h$
V	$L$	$4h$

Tipo de silo	Lado (em metros)	Altura (em metros)
I	$L$	$2h$
II	$2L$	$h$
III	$2L$	$2h$
IV	$4L$	$h$
V	$L$	$4h$

$$V_{atual} = L^2 \times h \rightarrow V_{pretendido} = 2 \times (L^2 \times h)$$

$$V_I = L^2 \times (2h) = 2 \times (L^2 \times h) = V_{pretendido} \rightarrow \text{Verdadeiro}$$

$$V_{II} = (2L)^2 \times (h) = 4 \times (L^2 \times h) \neq V_{pretendido} \rightarrow \text{Falso}$$

$$V_{III} = (2L)^2 \times (2h) = 8 \times (L^2 \times h) \neq V_{pretendido} \rightarrow \text{Falso}$$

$$V_{IV} = (4L)^2 \times (h) = 16 \times (L^2 \times h) \neq V_{pretendido} \rightarrow \text{Falso}$$

$$V_V = (L)^2 \times (4h) = 4 \times (L^2 \times h) \neq V_{pretendido} \rightarrow \text{Falso}$$

**GABARITO: A**

## QUESTÃO 152

Um construtor precisa revestir o piso de uma sala retangular. Para essa tarefa, ele dispõe de dois tipos de cerâmicas:

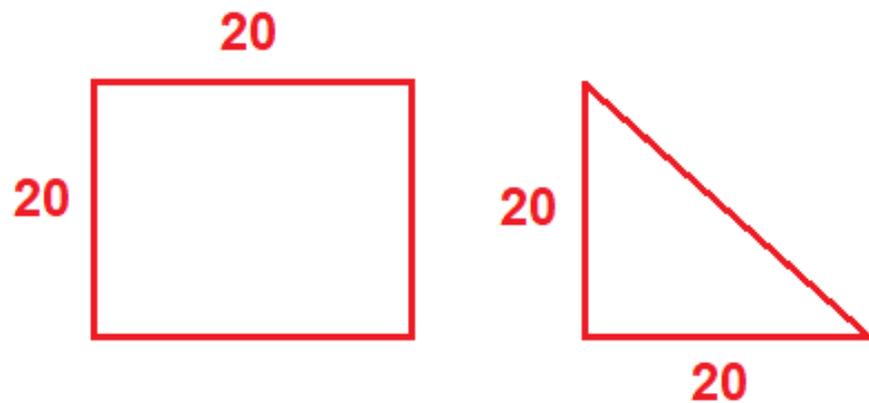
- a) cerâmica em forma de quadrado de lado 20 cm, que custa R\$ 8,00 por unidade;
- b) cerâmica em forma de triângulo retângulo isósceles de catetos com 20 cm, que custa R\$ 6,00 por unidade.

A sala tem largura de 5 m e comprimento de 6 m.

O construtor deseja gastar a menor quantia possível com a compra de cerâmica. Sejam  $x$  o número de peças de cerâmica de forma quadrada e  $y$  o número de peças de cerâmica de forma triangular.

Isso significa, então, encontrar valores para  $x$  e  $y$  tais que  $0,04x + 0,02y \geq 30$  e que tornem o menor possível valor de

- (A)  $8x + 6y$ .
- (B)  $6x + 8y$ .
- (C)  $0,32x + 0,12y$ .
- (D)  $0,32x + 0,02y$ .
- (E)  $0,04x + 0,12y$ .



*$x$  peças quadradas  $\rightarrow$  preço da peça R\$ 8,00  $\rightarrow 8x$*

*$y$  peças triangulares  $\rightarrow$  preço da peça R\$ 6,00  $\rightarrow 6y$*

*Menor preço  $\rightarrow 8x + 6y$*

***GABARITO: A***

## QUESTÃO 153

A tabela apresenta uma estimativa da evolução da população brasileira por faixa etária, em milhões de pessoas, para 2020, 2030 e 2045.

Com base na tabela, o valor que mais se aproxima da média dos percentuais da população brasileira na faixa etária até 14 anos, nos anos de 2020, 2030 e 2045, é

- (A) 21,5.
- (B) 21,7.
- (C) 48,0.
- (D) 48,3.
- (E) 48,5.

Ano / Faixa etária	2020	2030	2045
Até 14 anos	49	48	48
De 15 a 49 anos	111	112	110
De 50 anos ou mais	50	63	78
<b>Total</b>	<b>210</b>	<b>223</b>	<b>236</b>

STEFANO, F. Mais velho e mais rico: os ganhos da maturidade. Exame, ed. 1 003, ano 45, n. 21, 2 nov. 2011 (adaptado).

Ano \ Faixa etária	2020	2030	2045
Até 14 anos	49	48	48
De 15 a 49 anos	111	112	110
De 50 anos ou mais	50	63	78
<b>Total</b>	<b>210</b>	<b>223</b>	<b>236</b>

$$2020 \rightarrow \frac{49}{210} \cong 0,2333 = 23,33\%$$

$$2030 \rightarrow \frac{48}{223} \cong 0,2152 = 21,52\%$$

$$2045 \rightarrow \frac{48}{236} \cong 0,2033 = 20,33\%$$

$$Média = \frac{23,33\% + 21,52\% + 20,33\%}{3} = \frac{65,18\%}{3} = 21,72\%$$

**GABARITO: B**

### QUESTÃO 154

Um artista deseja pintar em um quadro uma figura na forma de triângulo equilátero  $ABC$  de lado 1 metro. Com o objetivo de dar um efeito diferente em sua obra, o artista traça segmentos que unem os pontos médios  $D$ ,  $E$  e  $F$  dos lados  $BC$ ,  $AC$  e  $AB$ , respectivamente, colorindo um dos quatro triângulos menores, como mostra a figura.

Qual é a medida da área pintada, em metros quadrados, do triângulo  $DEF$ ?

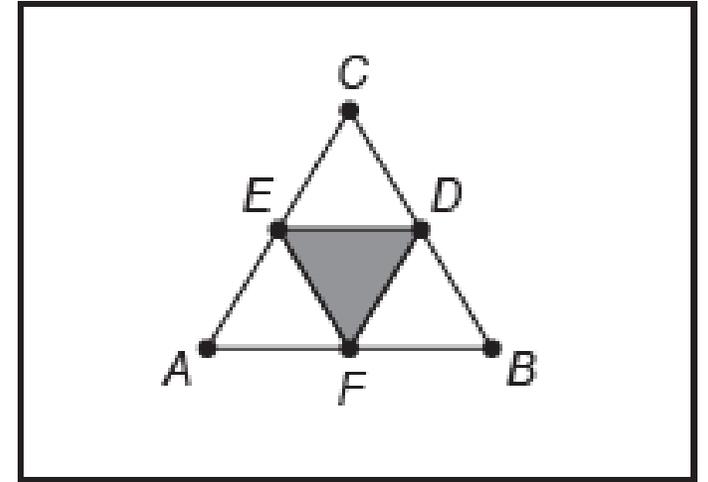
(A)  $\frac{1}{16}$ .

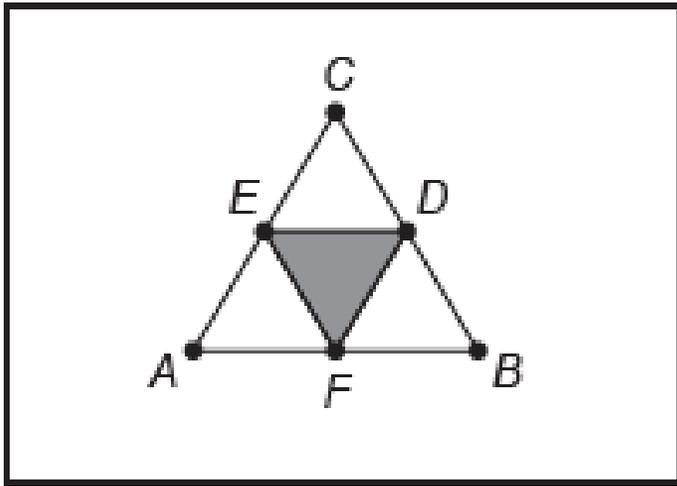
(B)  $\frac{\sqrt{3}}{16}$ .

(C)  $\frac{1}{8}$ .

(D)  $\frac{\sqrt{3}}{8}$ .

(E)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ .





*Lado do triângulo DEF =  $\frac{1}{2}$*

$$A_{DEF} = \frac{L^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{\left(\frac{1}{2}\right)^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{\left(\frac{1}{4}\right) \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{16} m^2$$

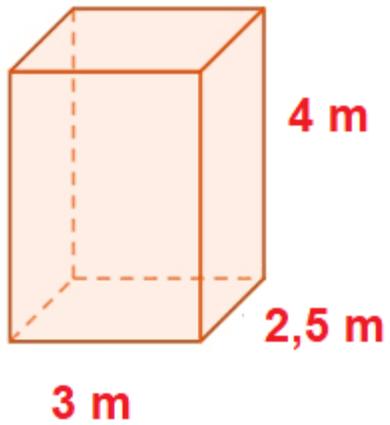
**GABARITO: B**

## QUESTÃO 155

A caixa-d'água de uma casa tem a forma de um paralelepípedo reto-retângulo e possui dimensões externas (comprimento, largura e altura) de, respectivamente, 4,0 m, 3,0 m e 2,5 m. É necessária a impermeabilização de todas as faces externas dessa caixa, incluindo a tampa. O fornecedor do impermeabilizante informou ao dono da casa que seu produto é fornecido em galões, de capacidade igual a 4,0 litros. Informou, ainda, que cada litro impermeabiliza uma área de  $17\,700\text{ cm}^2$  e são necessárias 3 demãos de produto para garantir um bom resultado.

Com essas informações, para obter um bom resultado no trabalho de impermeabilização, o dono da casa precisará comprar um número mínimo de galões para a execução desse serviço igual a

- (A) 9.
- (B) 13.
- (C) 19.
- (D) 25.
- (E) 45.



$$1 \text{ litro} \rightarrow 17700 \text{ cm}^2 = 1,77 \text{ m}^2 \rightarrow 1 \text{ litro} \rightarrow 1,77 \text{ m}^2$$

$$A_{total} = 2 \times (ab + ac + bc) = 2 \times (3 \times 2,5 + 3 \times 4 + 4 \times 2,5) = 2 \times (7,5 + 12 + 10) = 59 \text{ m}^2$$

$$3 \text{ demãos} = 3 \times 59 = 177 \text{ m}^2$$

$$\frac{177 \text{ m}^2}{1,77 \text{ m}^2} = 100 \text{ litros}$$

$$\begin{array}{l} 1 \text{ gal\~ao} \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad 4 \text{ litros} \\ x \text{ gal\~oes} \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad 100 \text{ litros} \end{array}$$

$$\frac{1}{x} = \frac{4}{100} \rightarrow 4x = 100 \rightarrow x = 25 \text{ gal\~oes}$$

**GABARITO: D**

## QUESTÃO 156

Em uma cidade, os impostos que incidem sobre o consumo de energia elétrica residencial são de 30% sobre o custo do consumo mensal. O valor total da conta a ser paga no mês é o valor cobrado pelo consumo acrescido dos impostos.

Considerando  $x$  o valor total da conta mensal de uma determinada residência e  $y$  o valor dos impostos, qual é a expressão algébrica que relaciona  $x$  e  $y$ ?

(A)  $y = \frac{0,3 \cdot x}{1,3}$ .

(B)  $y = 0,3 \cdot x$ .

(C)  $y = \frac{x}{1,3}$ .

(D)  $y = \frac{1,3}{0,3 \cdot x}$ .

(E)  $y = 0,7 \cdot x$ .

$$\begin{cases} x \rightarrow \text{conta} \\ y \rightarrow \text{imposto} \end{cases}$$

$$\text{imposto} = 30\% \text{ do consumo} \rightarrow y = 0,30 \cdot \text{consumo} \rightarrow \text{consumo} = \frac{y}{0,30}$$

$$\text{conta} = \text{consumo} + \text{imposto} \rightarrow x = \frac{y}{0,30} + y \rightarrow 0,30x = y + 0,30y$$

$$0,30x = 1,30y \rightarrow y = \frac{0,30x}{1,30}$$

**GABARITO: A**

## QUESTÃO 157

Um cliente fez um orçamento com uma cozinheira para comprar 10 centos de quibe e 15 centos de coxinha e o valor total foi de R\$ 680,00. Ao finalizar a encomenda, decidiu aumentar as quantidades de salgados e acabou comprando 20 centos de quibe e 30 centos de coxinha.

Com isso, ele conseguiu um desconto de 10% no preço do cento do quibe e de 15% no preço do cento de coxinha, e o valor total da compra ficou em R\$ 1 182,00.

De acordo com esses dados, qual foi o valor que o cliente pagou pelo cento da coxinha?

- (A) R\$ 23,40.
- (B) R\$ 23,80.
- (C) R\$ 24,90.
- (D) R\$ 25,30.
- (E) R\$ 37,80.

$$\begin{cases} \text{cento de quibe} \rightarrow x \\ \text{cento de coxinha} \rightarrow y \end{cases}$$

$$\begin{cases} 10x + 15y = 680 \\ (0,90) \cdot 20x + (0,85) \cdot 30y = 1182 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 10x + 15y = 680 \\ 18x + 25,5y = 1182 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 2x + 3y = 136 \\ 18x + 25,5y = 1182 \end{cases}$$

$$2x = 136 - 3y \rightarrow x = 68 - 1,5y$$

$$18 \cdot (68 - 1,5y) + 25,5y = 1182 \rightarrow 1224 - 27y + 25,5y = 1182 \rightarrow -1,5y = 1182 - 1224$$

$$-1,5y = -42 \rightarrow 1,5y = 42 \rightarrow y = \frac{42}{1,5} \rightarrow y = R\$ 28,00$$

$$0,85 \times 28 = R\$ 23,80$$

**GABARITO: B**

## QUESTÃO 158

Uma pessoa usa um programa de computador que descreve o desenho da onda sonora correspondente a um som escolhido. A equação da onda é dada, num sistema de coordenadas cartesianas, por  $y = a \cdot \text{sen}[b(x + c)]$ , em que os parâmetros  $a$ ,  $b$ ,  $c$  são positivos. O programa permite ao usuário provocar mudanças no som, ao fazer alterações nos valores desses parâmetros. A pessoa deseja tornar o som mais agudo e, para isso, deve diminuir o período da onda.

O(s) único(s) parâmetro(s) que necessita(m) ser alterado(s) é(são)

- (A)  $a$ .
- (B)  $b$ .
- (C)  $c$ .
- (D)  $a$  e  $b$ .
- (E)  $b$  e  $c$ .

$$y = a \cdot \text{sen}[b(x + c)]$$

$$\text{período} \rightarrow p = \frac{2\pi}{b}$$

*Mudar o período tem que alterar o parâmetro  $b$ .*

***GABARITO: B***

## QUESTÃO 159

Os sistemas de cobrança dos serviços de táxi nas cidades A e B são distintos. Uma corrida de táxi na cidade A é calculada pelo valor fixo da bandeirada, que é de R\$ 3,45, mais R\$ 2,05 por quilômetro rodado. Na cidade B, a corrida é calculada pelo valor fixo da bandeirada, que é de R\$ 3,60, mais R\$ 1,90 por quilômetro rodado.

Uma pessoa utilizou o serviço de táxi nas duas cidades para percorrer a mesma distância de 6 km. Qual o valor que mais se aproxima da diferença, em reais, entre as médias do custo por quilômetro rodado ao final das duas corridas?

- (A) 0,75.
- (B) 0,45.
- (C) 0,38.
- (D) 0,33.
- (E) 0,13.

$$\text{Cidade A} \rightarrow p_A = 3,45 + 2,05 \cdot x \rightarrow x = \text{km rodado}$$

$$\text{Cidade B} \rightarrow p_B = 3,60 + 1,90 \cdot x \rightarrow x = \text{km rodado}$$

$$6 \text{ km} \rightarrow \text{Cidade A} \rightarrow p_A = 3,45 + 2,05 \cdot 6 = 3,45 + 12,30 = \text{R\$ } 15,75$$

$$\text{Custo por km rodado} = \frac{15,75}{6} = \text{R\$ } 2,625$$

$$6 \text{ km} \rightarrow \text{Cidade B} \rightarrow p_B = 3,60 + 1,90 \cdot 6 = 3,60 + 11,40 = \text{R\$ } 15,00$$

$$\text{Custo por km rodado} = \frac{15,00}{6} = \text{R\$ } 2,50$$

$$\text{R\$ } 2,63 - \text{R\$ } 2,50 = \text{R\$ } 0,13$$

**GABARITO: E**

## QUESTÃO 160

A figura mostra os preços da gasolina no Brasil e nos Estados Unidos (EUA), feita a conversão para reais, considerando o preço total de venda ao consumidor (abaixo dos nomes dos países) e os valores das parcelas correspondentes à refinaria, aos tributos e à distribuição e revenda.

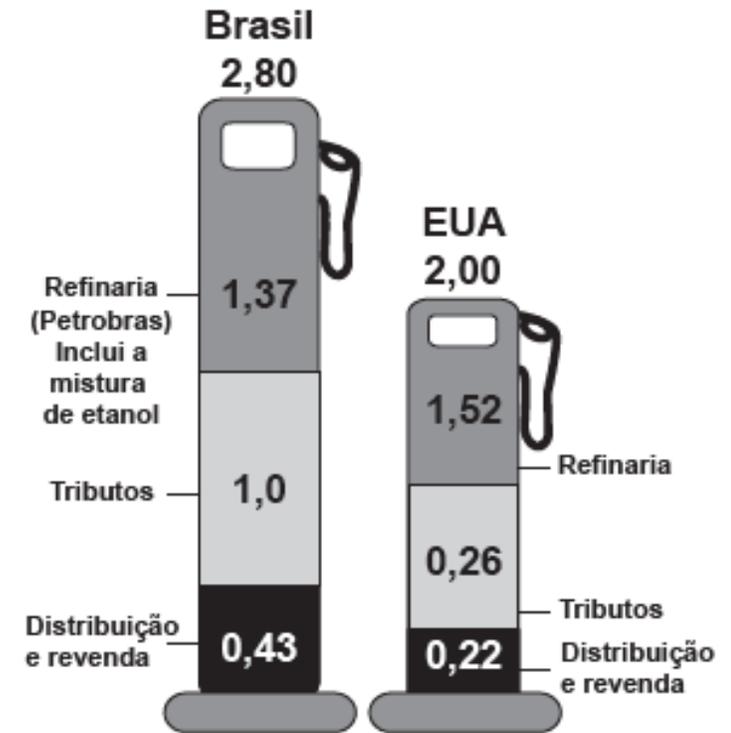
Note que, considerando apenas a parte correspondente à refinaria, o preço da gasolina vendida no Brasil é inferior ao preço cobrado nos Estados Unidos, mas os tributos, a distribuição e a revenda aumentam o preço final de venda nos postos brasileiros.

Suponha que fosse tomada a decisão de se diminuir o preço final de venda nos postos brasileiros, sem alterar a parcela do preço da gasolina vendida na refinaria, de modo que o preço final se igualasse ao cobrado nos postos dos Estados Unidos.

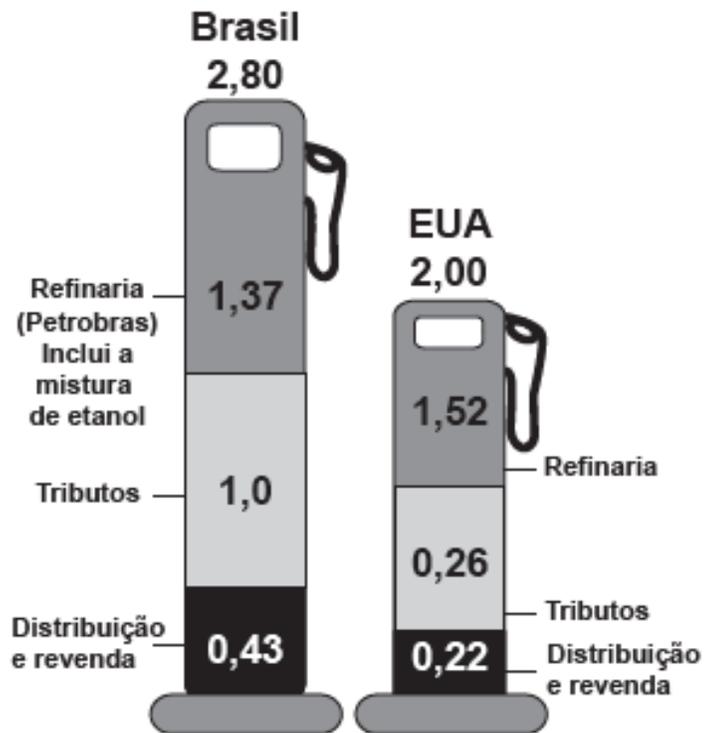
Veja, ed. 2 308, ano 40, n. 7, 13 fev. 2013 (Adaptado).

O percentual mais aproximado de redução dos valores em tributos, distribuição e revenda seria

- (A) 29.
- (B) 44.
- (C) 56.
- (D) 63.
- (E) 80.



Fontes: Petrobras, Agência Nacional do Petróleo (ANP) e Energy Information Administration (EIA).



*Redução de R\$ 0,80.*

$$\frac{0,80}{1,43} = 0,5594 \cong 55,94\% \cong 56\%$$

Fontes: Petrobras, Agência Nacional do Petróleo (ANP) e Energy Information Administration (EIA).

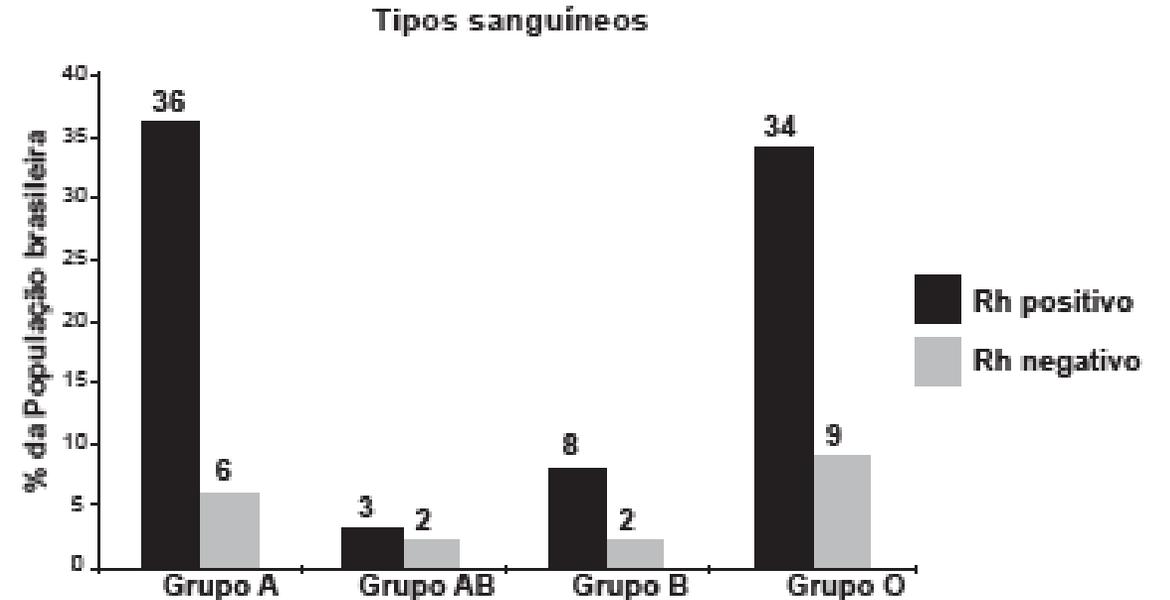
***GABARITO: C***

## QUESTÃO 161

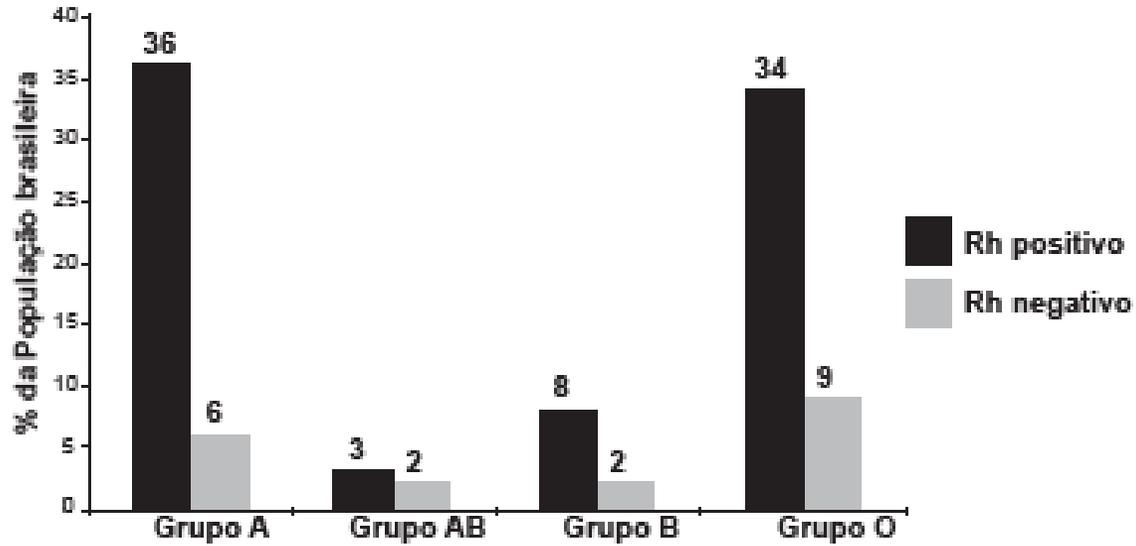
Uma revista publicará os dados, apresentados no gráfico, sobre como os tipos sanguíneos estão distribuídos entre a população brasileira. Contudo, o editor dessa revista solicitou que esse gráfico seja publicado na forma de setores, em que cada grupo esteja representado por um setor circular.

O ângulo do maior desses setores medirá, em graus,

- (A) 108,0.
- (B) 122,4.
- (C) 129,6.
- (D) 151,2.
- (E) 154,8.



### Tipos sanguíneos



$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Grupo A} = 36 + 6 = 42 \\ \text{Grupo AB} = 3 + 2 = 5 \\ \text{Grupo B} = 8 + 2 = 10 \\ \text{Grupo O} = 34 + 9 = 43 \end{array} \right.$$

$$\text{Total} = 42 + 5 + 10 + 43 = 100$$

100 pessoas \_\_\_\_\_  $360^\circ$   
 43 pessoas \_\_\_\_\_  $x$

$$\frac{100}{43} = \frac{360}{x} \rightarrow \frac{25}{43} = \frac{90}{x} \rightarrow \frac{5}{43} = \frac{18}{x} \rightarrow 5x = 774 \rightarrow x = \frac{774}{5} = 154,8^\circ$$

**GABARITO: E**

## QUESTÃO 162

A vazão de água (em  $\text{m}^3/\text{h}$ ) em tubulações pode ser medida pelo produto da área da seção transversal por onde passa a água (em  $\text{m}^2$ ) pela velocidade da água (em  $\text{m}/\text{h}$ ).

Uma companhia de saneamento abastece uma indústria utilizando uma tubulação cilíndrica de raio  $r$ , cuja vazão da água enche um reservatório em 4 horas. Para se adaptar às novas normas técnicas, a companhia deve duplicar o raio da tubulação, mantendo a velocidade da água e mesmo material.

Qual o tempo esperado para encher o mesmo reservatório, após a adaptação às novas normas?

- (A) 1 hora.
- (B) 2 horas.
- (C) 4 horas.
- (D) 8 horas.
- (E) 16 horas.

$$4 \text{ h} \frac{\pi \cdot r^2}{\pi \cdot r^2}$$

$$t \text{ h} \frac{\pi \cdot (2r)^2}{\pi \cdot r^2}$$

*Grandezas Inversamente Proporcionais*

$$\frac{4}{t} = \frac{\pi \cdot (2r)^2}{\pi \cdot r^2} \rightarrow \frac{4}{t} = \frac{4 \cdot r^2}{r^2} \rightarrow \frac{4}{t} = 4 \rightarrow t = 1 \text{ hora}$$

***GABARITO: A***

## QUESTÃO 163

Pesquisas indicam que o número de bactérias X é duplicado a cada quarto de hora. Um aluno resolveu fazer uma observação para verificar a veracidade dessa afirmação. Ele usou uma população inicial de  $10^5$  bactérias X e encerrou a observação ao final de uma hora.

Suponha que a observação do aluno tenha confirmado que o número de bactérias X se duplica a cada quarto de hora.

Após uma hora do início do período de observação desse aluno, o número de bactérias X foi de

(A)  $2^{-2} \times 10^5$ .

(B)  $2^{-1} \times 10^5$ .

(C)  $2^2 \times 10^5$ .

(D)  $2^3 \times 10^5$ .

(E)  $2^4 \times 10^5$ .

*O número de bactérias duplica a cada 15 minutos.*

*Em uma hora → 4 x 15 minutos*

$$10^5 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^4 \times 10^5$$

***GABARITO: E***

## QUESTÃO 164

Os salários, em reais, dos funcionários de uma empresa são distribuídos conforme o quadro:

<b>Valor do salário (R\$)</b>	622,00	1 244,00	3 110,00	6 220,00
<b>Número de funcionários</b>	24	1	20	3

A mediana dos valores dos salários dessa empresa é, em reais,

- (A) 622,00.
- (B) 933,00.
- (C) 1 244,00.
- (D) 2 021,50.
- (E) 2 799,00.

Valor do salário (R\$)	622,00	1 244,00	3 110,00	6 220,00
Número de funcionários	24	1	20	3

***Total de funcionários = 24 + 1 + 20 + 3 = 48***

***A tabela já deu os salários em ordem crescente.***

***Quantidade par → Med =  $\frac{a_{24} + a_{25}}{2} = \frac{622 + 1244}{2} = \frac{1866}{2} = 933$***

***GABARITO: B***

## QUESTÃO 165

Um ciclista participará de uma competição e treinará alguns dias da seguinte maneira: no primeiro dia, pedalará 60 km; no segundo dia, a mesma distância do primeiro mais  $r$  km; no terceiro dia, a mesma distância do segundo mais  $r$  km; e, assim, sucessivamente, sempre pedalando a mesma distância do dia anterior mais  $r$  km.

No último dia, ele deverá percorrer 180 km, completando o treinamento com um total de 1 560 km.

A distância  $r$  que o ciclista deverá pedalar a mais a cada dia, em km, é

- (A) 3.
- (B) 7.
- (C) 10.
- (D) 13.
- (E) 20.

$$(60; 60 + r; (60 + r) + r; \dots; 180) \rightarrow (60; 60 + r; 60 + 2r; \dots; 180) \rightarrow PA \rightarrow \begin{cases} \text{razão} = r \\ a_1 = 60 \\ a_n = 180 \end{cases}$$

$$a_n = a_1 + (n - 1).r \rightarrow 180 = 60 + (n - 1).r \rightarrow 120 = (n - 1).r$$

$$S_n = 1560 \rightarrow \frac{(a_1 + a_n).n}{2} = 1560 \rightarrow \frac{(60 + 180).n}{2} = 1560 \rightarrow 120.n = 1560 \rightarrow n = \frac{1560}{120} = 13$$

$$120 = (n - 1).r \rightarrow 120 = (13 - 1).r \rightarrow 120 = 12.r \rightarrow r = 10 \text{ km}$$

**GABARITO: C**

## QUESTÃO 166

Para fazer um pião, brinquedo muito apreciado pelas crianças, um artesão utilizará o torno mecânico para trabalhar num pedaço de madeira em formato de cilindro reto, cujas medidas do diâmetro e da altura estão ilustradas na Figura 1. A parte de cima desse pião será uma semiesfera, e a parte de baixo, um cone com altura 4 cm, conforme Figura 2. O vértice do cone deverá coincidir com o centro da base do cilindro.

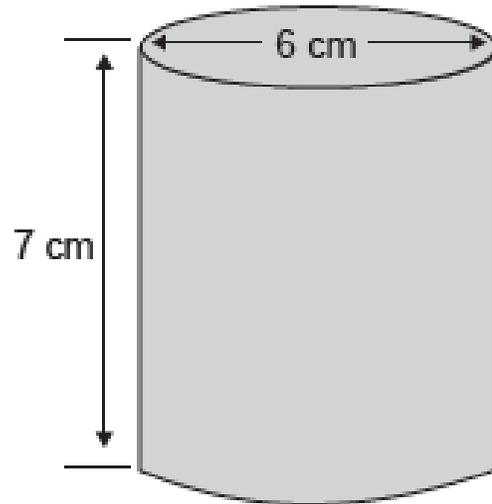


Figura 1

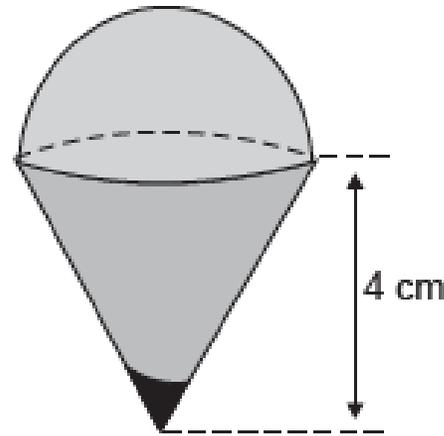


Figura 2

O artesão deseja fazer um pião com a maior altura que esse pedaço de madeira possa proporcionar e de modo a minimizar a quantidade de madeira a ser descartada.

Dados:

O volume de uma esfera de raio  $r$  é  $\frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$ ;

O volume do cilindro de altura  $h$  e área da base  $S$  é  $S \cdot h$  ;

O volume do cone de altura  $h$  e área da base  $S$  é  $\frac{1}{3} \cdot S \cdot h$  ;

Por simplicidade, aproxime  $\pi$  para 3.

A quantidade de madeira descartada, em centímetros cúbicos, é

(A) 45.

(B) 48.

(C) 72.

(D) 90.

(E) 99.

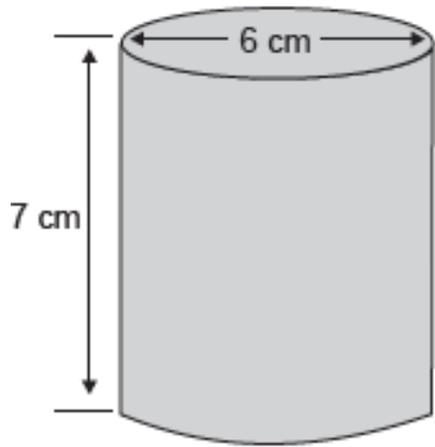


Figura 1

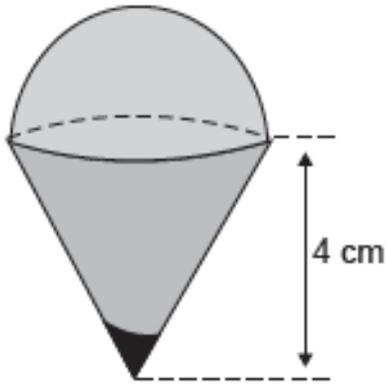


Figura 2

***Raio da semiesfera = 3 cm***

$$V_{semiesfera} = \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 = \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \cdot 3 \cdot 3^3 = 54 \text{ cm}^3$$

$$V_{cone} = \frac{1}{3} \cdot S \cdot h = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot 3^2 \cdot 4 = \frac{1}{3} \cdot 3 \cdot 36 = 36 \text{ cm}^3$$

$$V_{pi\tilde{a}o} = 54 + 36 = 90 \text{ cm}^3$$

$$V_{cilindro} = S \cdot h = \pi \cdot 3^2 \cdot 7 = 3 \cdot 9 \cdot 7 = 189 \text{ cm}^3$$

$$V_{descartado} = 189 - 90 = 99 \text{ cm}^3$$

***GABARITO: E***

## QUESTÃO 167

Para as pessoas que não gostam de correr grandes riscos no mercado financeiro, a aplicação em caderneta de poupança é indicada, pois, conforme a tabela (período 2005 até 2011), a rentabilidade apresentou pequena variação.

Com base nos dados da tabela, a mediana dos percentuais de rentabilidade, no período observado, é igual a

- (A) 6,2.
- (B) 6,5.
- (C) 6,6.
- (D) 6,8.
- (E) 7,0.

Ano	Rentabilidade (%)
2005	7,0
2006	4,9
2007	6,4
2008	6,2
2009	7,2
2010	6,8
2011	7,0

Ano	Rentabilidade (%)
2005	7,0
2006	4,9
2007	6,4
2008	6,2
2009	7,2
2010	6,8
2011	7,0

***Ordem crescente***  $\rightarrow (4,9; 6,2; 6,4; 6,8; 7,0; 7,0; 7,2)$

***Quantidade ímpar***  $\rightarrow Med = \text{Termo}_{central} \rightarrow Med = a_4 = 6,8$

***GABARITO: D***

## QUESTÃO 168

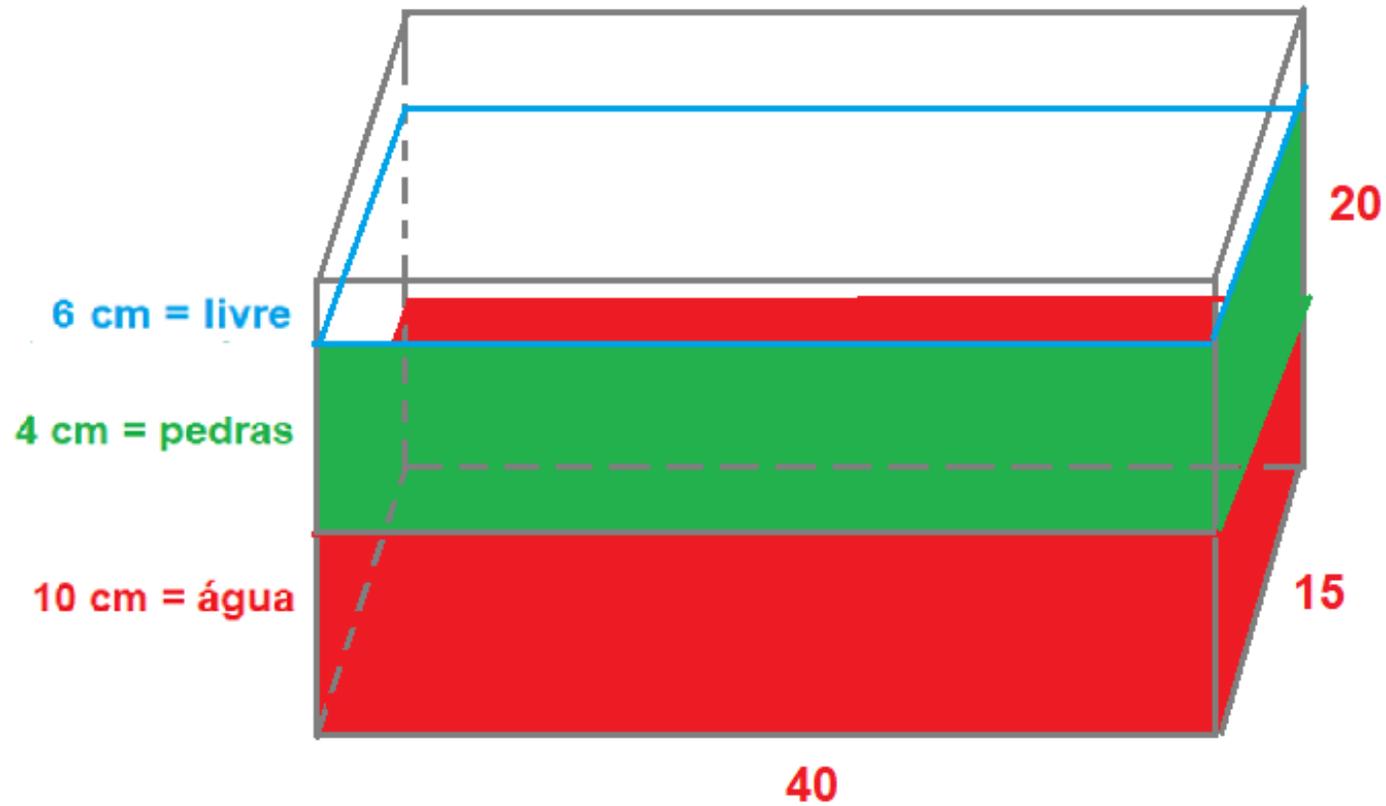
Uma pessoa comprou um aquário em forma de um paralelepípedo retângulo reto, com 40 cm de comprimento, 15 cm de largura e 20 cm de altura.

Chegando em casa, colocou no aquário uma quantidade de água igual à metade de sua capacidade. A seguir, para enfeitá-lo, irá colocar pedrinhas coloridas, de volume igual a  $50 \text{ cm}^3$  cada, que ficarão totalmente submersas no aquário.

Após a colocação das pedrinhas, o nível da água deverá ficar a 6 cm do topo do aquário.

O número de pedrinhas a serem colocadas deve ser igual a

- (A) 48.
- (B) 72.
- (C) 84.
- (D) 120.
- (E) 168.



$$V_{pedrinhas} = 40 \times 15 \times 4 = 2400 \text{ cm}^3$$

$$N = \frac{2400}{50} = 48 \text{ pedrinhas}$$

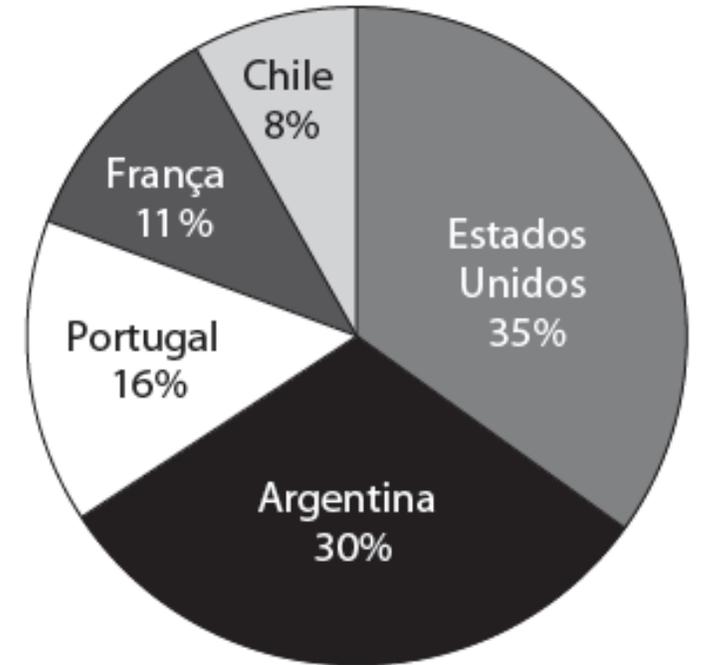
**GABARITO: A**

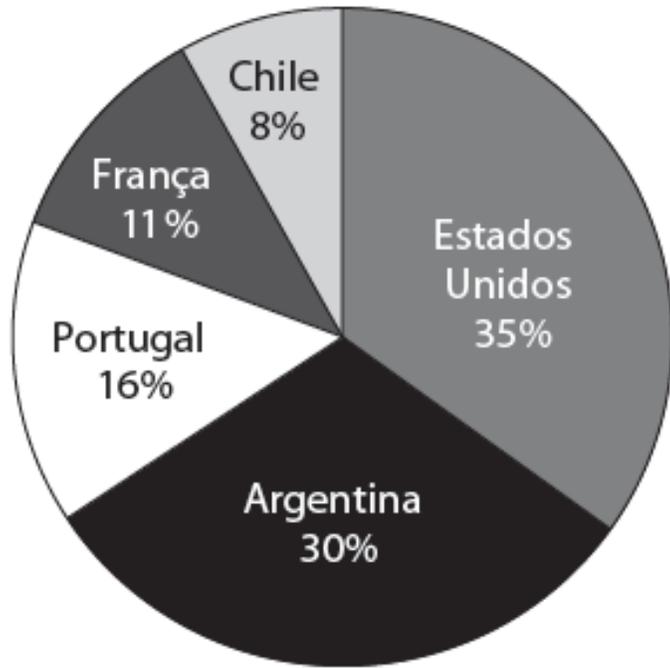
## QUESTÃO 169

Em 2010, cerca de 3,24 milhões de passageiros foram transportados entre os Estados Unidos e o Brasil, de acordo com dados divulgados pela Agência Nacional de Aviação Civil (Anac). O gráfico mostra a distribuição relativa do número de passageiros transportados entre o Brasil e os cinco destinos mais procurados, dos quais apenas dois países são europeus: França e Portugal.

De acordo com esses dados, o valor mais aproximado para a quantidade total de passageiros transportados em 2010 entre o Brasil e os países europeus mostrados no gráfico é

- (A) 874 800.
- (B) 1 018 285.
- (C) 1 481 142.
- (D) 2 499 428.
- (E) 3 240 000.





$$\text{França} + \text{Portugal} = 11\% + 16\% = 27\%$$

$$EUA \rightarrow \frac{35}{100} \times Total = 3,24 \times 10^6 \rightarrow Total = \frac{3,24 \times 10^6 \times 100}{35}$$

$$\text{Países europeus} = \frac{27}{100} \times \frac{3,24 \times 10^6 \times 100}{35} = \frac{87,48 \times 10^6}{35} = \frac{87480000}{35} \cong 2499428$$

**GABARITO: D**

## QUESTÃO 170

O Brasil desenvolveu técnicas próprias de plantio e colheita de cana-de-açúcar, tornando-se o maior produtor mundial. Cultivando novas variedades, foram produzidas, na safra 2010/2011, 624 milhões de toneladas em 8,1 milhões de hectares. Houve um substancial ganho de produtividade (em toneladas por hectare) quando se compara com a de décadas atrás, como a da safra 1974/1975, que foi de 47 toneladas por hectare.

Disponível em: [www2.cead.ufv.br](http://www2.cead.ufv.br). Acesso em: 27 fev. 2011 (adaptado).

De acordo com dados apresentados, qual foi o valor mais aproximado da taxa de crescimento da produtividade de cana-de-açúcar, por hectare no Brasil, da safra 1974/1975 para a safra 2010/2011?

- (A) 13%.
- (B) 30%.
- (C) 64%.
- (D) 77%.
- (E) 164%.

$$2010 - 2011 \rightarrow \frac{624 \times 10^6 \text{ toneladas}}{8,1 \times 10^6 \text{ hectares}} \cong 77,03 \text{ ton/hectare}$$

$$1974 - 1975 \rightarrow 47 \text{ ton/hectare}$$

$$\frac{77,03 - 47}{47} = \frac{30,03}{47} \cong 0,6389 \cong 63,89\% \cong 64\%$$

***GABARITO: C***

## QUESTÃO 171

O número de frutos de uma determinada espécie de planta se distribui de acordo com as probabilidades apresentadas no quadro.

Número de frutos	Probabilidade
0	0,65
1	0,15
2	0,13
3	0,03
4	0,03
5 ou mais	0,01

A probabilidade de que, em tal planta, existam, pelo menos, dois frutos é igual a

- (A) 3%.
- (B) 7%.
- (C) 13%.
- (D) 16%.
- (E) 20%.

Número de frutos	Probabilidade
0	0,65
1	0,15
2	0,13
3	0,03
4	0,03
5 ou mais	0,01

$$p(\text{pelo menos 2 frutos}) = p(2) + p(3) + p(4) + p(5 \text{ ou mais})$$

$$p(\text{pelo menos 2 frutos}) = 0,13 + 0,03 + 0,03 + 0,01 = 0,20 = 20\%$$

**GABARITO: E**

## QUESTÃO 172

Um procedimento padrão para aumentar a capacidade do número de senhas de banco é acrescentar mais caracteres a essa senha. Essa prática, além de aumentar as possibilidades de senha, gera um aumento na segurança. Deseja-se colocar dois novos caracteres na senha de um banco, um no início e outro no final. Decidiu-se que esses novos caracteres devem ser vogais e o sistema conseguirá diferenciar maiúsculas de minúsculas.

Com essa prática, o número de senhas possíveis ficará multiplicado por

- (A) 100.
- (B) 90.
- (C) 80.
- (D) 25.
- (E) 20.

$$\begin{array}{ccccccc} \text{vogal} & & \text{vogal} & & & & \\ \hline & & & & & & \\ 10 & \times & 10 & = & 100 & & \end{array}$$

***GABARITO: A***

## QUESTÃO 173

André, Carlos e Fábio estudam em uma mesma escola e desejam saber quem mora mais perto da escola.

André mora a cinco vinte avos de um quilômetro da escola. Carlos mora a seis quartos de um quilômetro da escola. Já Fábio mora a quatro sextos de um quilômetro da escola.

A ordenação dos estudantes de acordo com a ordem decrescente das distâncias de suas respectivas casas à escola é

- (A) André, Carlos e Fábio.
- (B) André, Fábio e Carlos.
- (C) Carlos, André e Fábio.
- (D) Carlos, Fábio e André.
- (E) Fábio, Carlos e André.

$$\textit{André} \rightarrow \frac{5}{20} \times 1000 \text{ m} = 250 \text{ m}$$

$$\textit{Carlos} \rightarrow \frac{6}{4} \times 1000 \text{ m} = 1500 \text{ m}$$

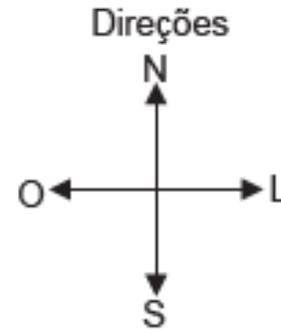
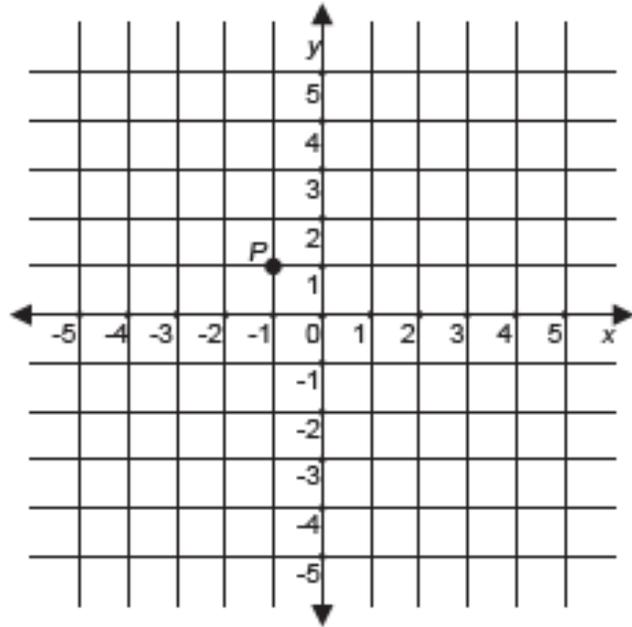
$$\textit{Fábio} \rightarrow \frac{4}{6} \times 1000 \text{ m} \cong 666,7 \text{ m}$$

*Ordem decrescente*  $\rightarrow$  *Carlos, Fábio e André*

***GABARITO: D***

## QUESTÃO 174

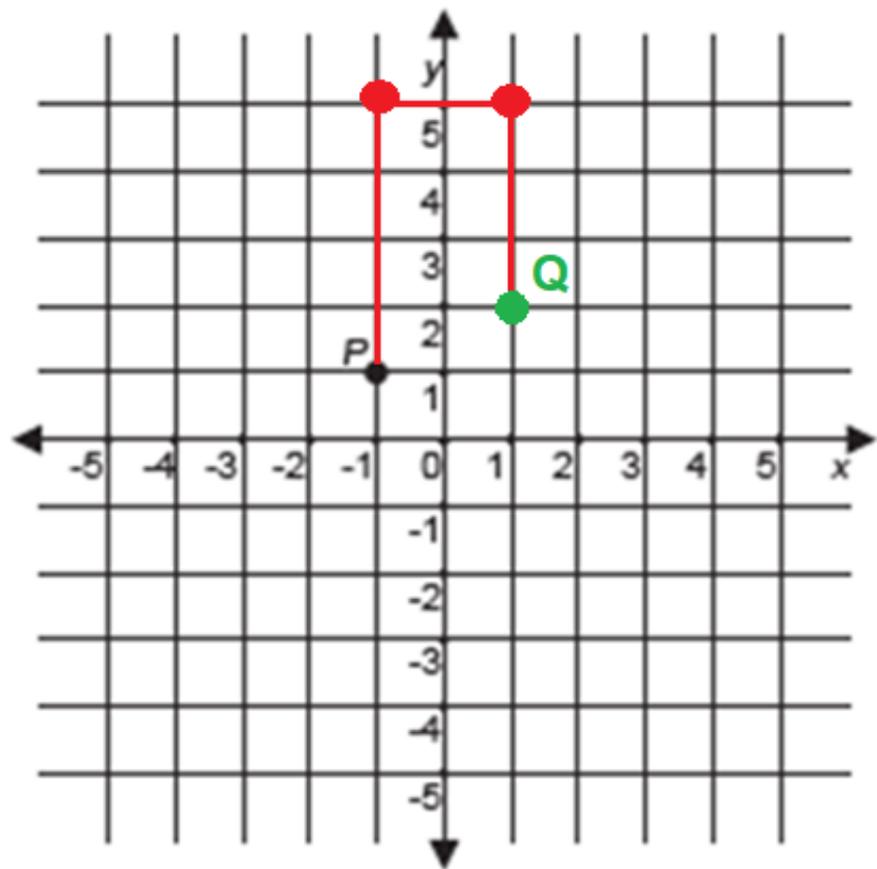
Alunos de um curso de engenharia desenvolveram um robô “anfíbio” que executa saltos somente nas direções norte, sul, leste e oeste. Um dos alunos representou a posição inicial desse robô, no plano cartesiano, pela letra  $P$ , na ilustração.



A direção norte-sul é a mesma do eixo  $y$ , sendo que o sentido norte é o sentido de crescimento de  $y$ , e a direção Leste-Oeste é a mesma do eixo  $x$ , sendo que o sentido leste é o sentido de crescimento de  $x$ . Em seguida, esse aluno deu os seguintes comandos de movimentação para o robô: 4 norte, 2 leste e 3 sul, nos quais os coeficientes numéricos representam o número de saltos do robô nas direções correspondentes, e cada salto corresponde a uma unidade do plano cartesiano.

Depois de realizar os comandos dados pelo aluno, a posição do robô, no plano cartesiano, será

- (A)  $(0 ; 2)$ .
- (B)  $(0 ; 3)$ .
- (C)  $(1 ; 2)$ .
- (D)  $(1 ; 4)$ .
- (E)  $(2 ; 1)$ .



$$Q = (1; 2)$$

***GABARITO: C***

## QUESTÃO 175

Um clube de futebol abriu inscrições para novos jogadores. Inscreveram-se 48 candidatos. Para realizar uma boa seleção, deverão ser escolhidos os que cumpram algumas exigências: os jogadores deverão ter mais de 14 anos, estatura igual ou superior à mínima exigida e bom preparo físico. Entre os candidatos,  $\frac{7}{8}$  têm mais de 14 anos e foram pré-selecionados. Dos pré-selecionados,  $\frac{1}{2}$  têm estatura igual ou superior à mínima exigida e, destes,  $\frac{2}{3}$  têm bom preparo físico.

A quantidade de candidatos selecionados pelo clube de futebol foi

- (A) 12.
- (B) 14.
- (C) 16.
- (D) 32.
- (E) 42.

***48 candidatos  $\rightarrow \frac{7}{8} \times 48 = 42$  têm mais de 14 anos.***

***$\frac{1}{2} \times 42 = 21$  têm altura mínima exigida e mais de 14 anos.***

***$\frac{2}{3} \times 21 = 14$  têm bom preparo físico, altura mínima exigida e mais de 14 anos.***

***GABARITO: B***

## QUESTÃO 176

Barras de cobre cilíndricas são utilizadas para fazer aterramentos elétricos.

Durante a instalação de um chuveiro, uma pessoa utilizou uma barra de aterramento de densidade  $\rho$ , massa  $m$ , diâmetro  $D = 2R$  e altura  $h$ .

Para fazer um novo aterramento, essa pessoa utilizou uma barra com a mesma densidade, mas com o dobro da massa e o dobro do diâmetro em relação à usada no chuveiro.

A densidade é dada por  $\rho = \frac{m}{V}$  e o volume da barra cilíndrica é  $V = \pi \cdot R^2 \cdot h$ .

Qual a relação da altura da barra utilizada no novo aterramento comparada àquela utilizada no aterramento do chuveiro?

- (A) Quarta parte.
- (B) Metade.
- (C) Igual.
- (D) Dobro.
- (E) Quádruplo.

$$\text{chuveiro} \rightarrow \begin{cases} \text{densidade} \rightarrow \rho \\ \text{massa} \rightarrow m \\ \text{diâmetro} \rightarrow 2R \\ \text{altura} \rightarrow h \end{cases} \quad \text{novo aterramento} \rightarrow \begin{cases} \text{densidade} \rightarrow \rho \\ \text{massa} \rightarrow 2 \times m \\ \text{diâmetro} \rightarrow 2 \times 2R \\ \text{altura} \rightarrow h' \end{cases}$$

$$\rho_{\text{chuveiro}} = \frac{m}{V} \rightarrow \rho_{\text{chuveiro}} = \frac{m}{\pi \cdot R^2 \cdot h}$$

$$\rho_{\text{novo aterramento}} = \frac{m}{V} \rightarrow \rho_{\text{novo aterramento}} = \frac{2 \times m}{\pi \cdot (2R)^2 \cdot h'}$$

$$\rho_{\text{chuveiro}} = \rho_{\text{novo aterramento}} \rightarrow \frac{m}{\pi \cdot R^2 \cdot h} = \frac{2 \times m}{\pi \cdot 4 \cdot R^2 \cdot h'} \rightarrow \frac{1}{h} = \frac{2}{4 \cdot h'} \rightarrow \frac{1}{h} = \frac{1}{2 \cdot h'} \rightarrow 2 \cdot h' = h$$

$$h' = \frac{h}{2}$$

**GABARITO: B**

## QUESTÃO 177

O Brasil é o quarto produtor mundial de alimentos, mas aproximadamente 64 toneladas de cada 100 toneladas que se produz são perdidas ao longo da cadeia produtiva.

Em relação ao total de alimentos produzidos, a perda de alimentos é distribuída da seguinte forma: 20 toneladas na colheita, 8 toneladas no transporte e armazenamento, 15 toneladas na indústria de processamento, 1 tonelada no varejo e 20 toneladas no processamento culinário e hábitos alimentares.

Disponível em: [www.bancodealimentos.org.br](http://www.bancodealimentos.org.br). Acesso em: 26 out. 2011 (adaptado).

De acordo com os dados apresentados, os alimentos que são perdidos no processamento culinário e nos hábitos alimentares representam qual porcentagem em relação ao total de alimentos que são perdidos no país?

- (A) 12,28%.
- (B) 20,00%.
- (C) 31,25%.
- (D) 36,00%.
- (E) 44,00%.

***Hábitos alimentares → perde 20 toneladas***

***Total → perde 64 toneladas***

$$\frac{20}{64} = \frac{5}{16} = 0,3125 = 31,25\%$$

***GABARITO: C***

## QUESTÃO 178

Um confeitoiro deseja fazer um bolo cuja receita indica a utilização de açúcar e farinha de trigo em quantidades fornecidas em gramas. Ele sabe que uma determinada xícara utilizada para medir os ingredientes comporta 120 gramas de farinha de trigo e que três dessas xícaras de açúcar correspondem, em gramas, a quatro de farinha de trigo.

Quantos gramas de açúcar cabem em uma dessas xícaras?

- (A) 30.
- (B) 40.
- (C) 90.
- (D) 160.
- (E) 360.

$$1 \text{ xícara}_{\text{farinha}} = 120 \text{ g}$$

$$3 \text{ xícara}_{\text{açucar}} = 4 \text{ xícara}_{\text{farinha}} \rightarrow 3 \cdot \text{ xícara}_{\text{açucar}} = 4 \times 120 \text{ g}$$

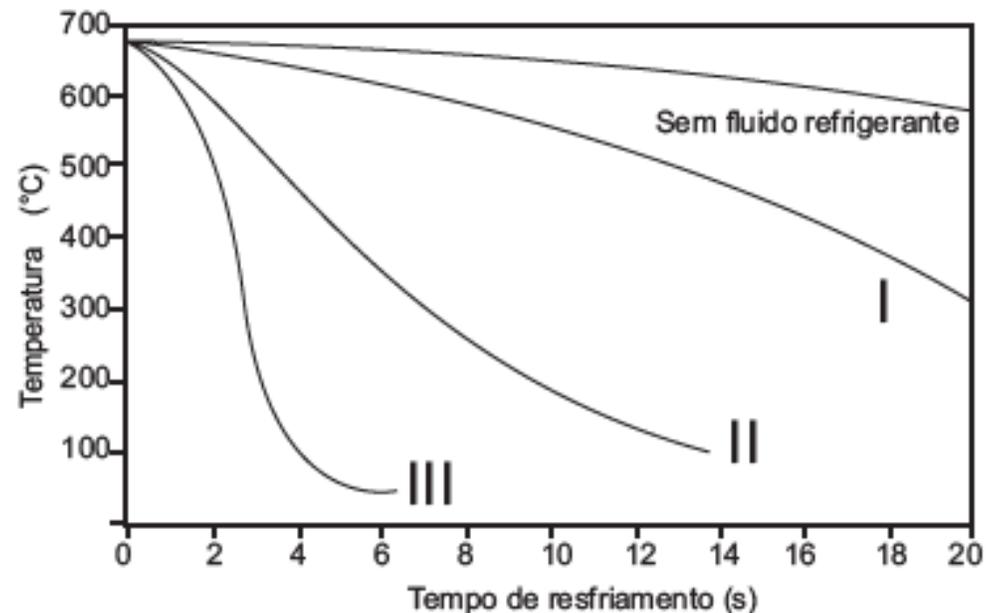
$$3 \cdot \text{ xícara}_{\text{açucar}} = 480 \rightarrow \text{ xícara}_{\text{açucar}} = \frac{480}{3} = 160 \text{ g}$$

**GABARITO: D**

## QUESTÃO 179

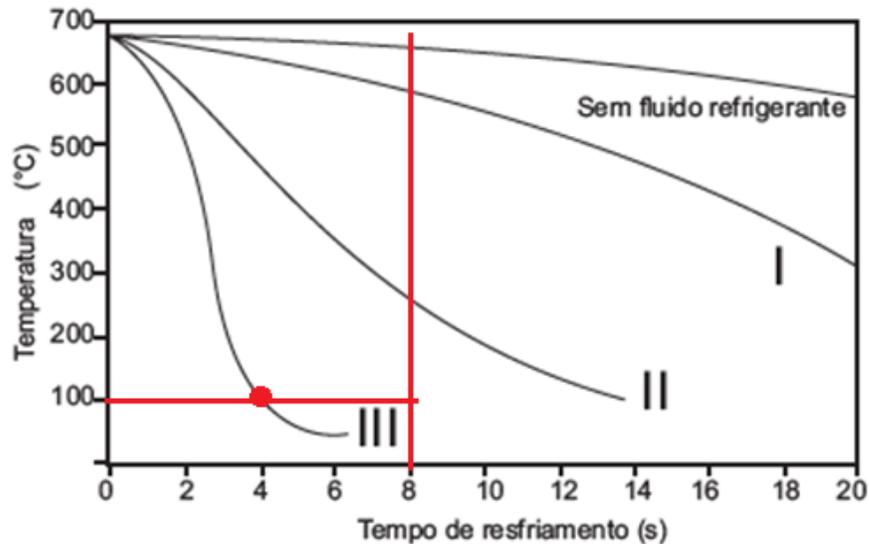
Uma fundição de alumínio utiliza, como matéria prima, lingotes de alumínio para a fabricação de peças injetadas. Os lingotes são derretidos em um forno e o alumínio, em estado líquido, é injetado em moldes para se solidificar no formato desejado. O gráfico indica as curvas de resfriamento do alumínio fundido no molde para três diferentes fluidos refrigerantes (tipo I, tipo II e tipo III), que são utilizados para resfriar o molde, bem como a curva de resfriamento quando não é utilizado nenhum tipo de fluido refrigerante. A peça só pode ser retirada do molde (desmolde) quando atinge a temperatura de 100 °C.

Para atender a uma encomenda, a fundição não poderá gastar mais do que 8 segundos para o desmolde da peça após a sua injeção.



Com a exigência para o desmolde das peças injetadas, qual(is) fluido(s) refrigerante(s) poderá(ão) ser utilizado(s) no resfriamento?

- (A) Qualquer um dos fluidos do tipo I, II e III.
- (B) Somente os fluidos do tipo II e III.
- (C) Somente o fluido do tipo III.
- (D) Não será necessário utilizar nenhum fluido refrigerante.
- (E) Nenhum dos fluidos refrigerantes indicados atende às exigências.



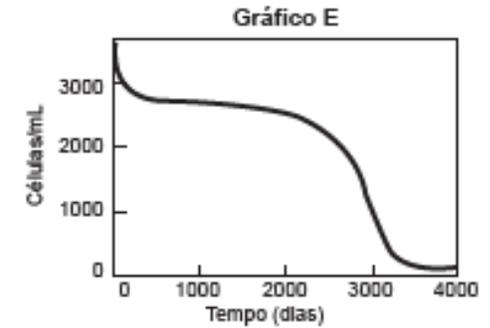
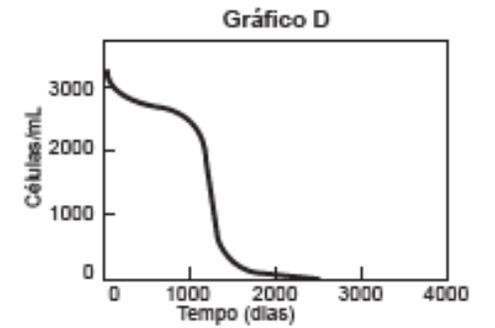
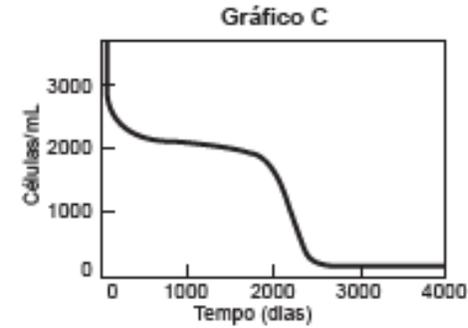
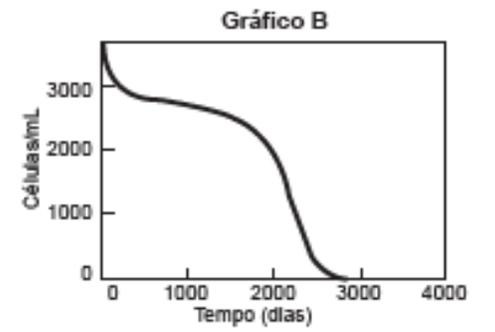
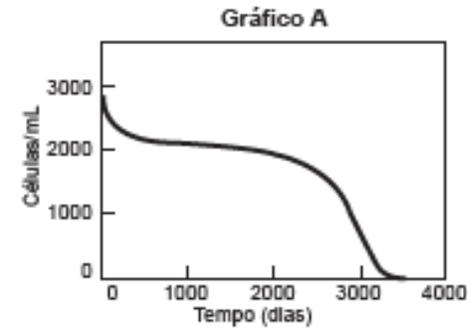
**GABARITO: C**

## QUESTÃO 180

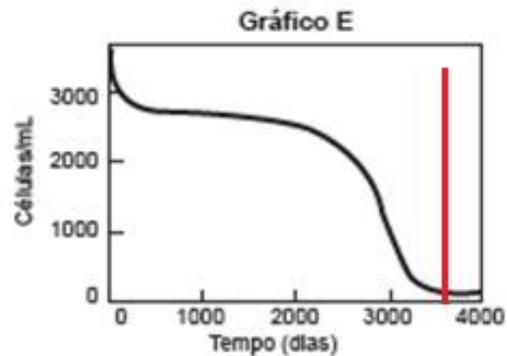
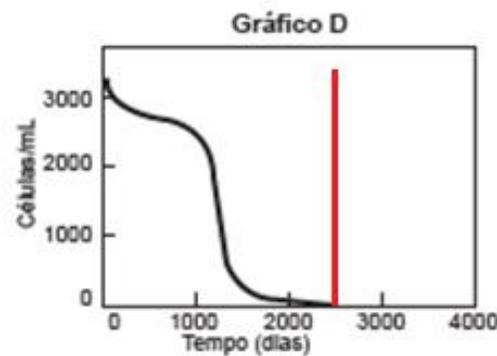
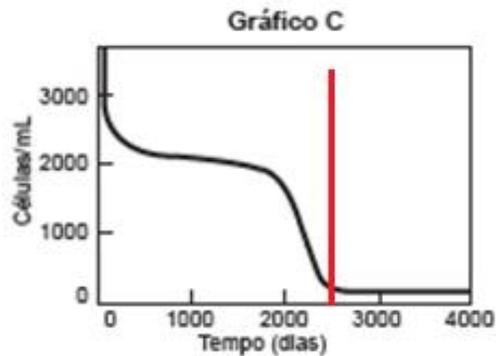
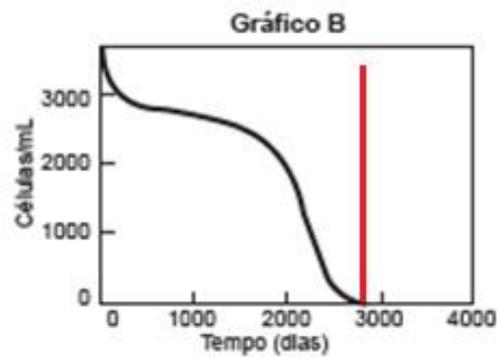
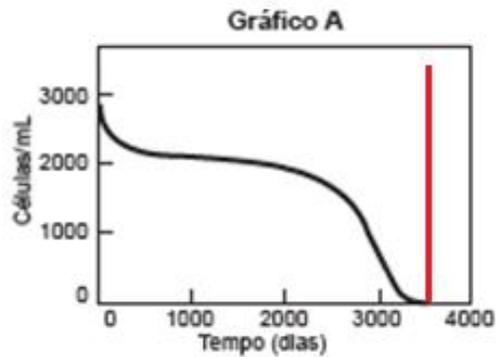
O modelo matemático desenvolvido por Kirschner e Webb descreve a dinâmica da interação das células não infectadas do sistema imunológico humano com os vírus HIV. Os gráficos mostram a evolução no tempo da quantidade de células não infectadas no sistema imunológico de cinco diferentes pacientes infectados pelo vírus HIV. Quando a população das células não infectadas de um sistema imunológico é extinta, o paciente infectado fica mais suscetível à morte, caso contraia alguma outra doença.

A partir desses dados, o sistema imunológico do paciente infectado que ficou mais rapidamente suscetível à morte está representado pelo gráfico

- (A) A.
- (B) B.
- (C) C.
- (D) D.
- (E) E.



KIRSCHNER, D. E.; WEBB, G. F. Resistance, Remission, and Qualitative Differences in HIV Chemotherapy. *Emerging Infectious Diseases*, v. 3, n. 3, 1997.



*Nas letras C e E, as células caem muito, mas não são extintas.*

*Na letra A leva entre 3000 e 4000 dias para serem extintas.*

*Na letra B leva quase 3000 dias para serem extintas.*

*Na letra D leva em torno de 2500 dias para serem extintas.*

***GABARITO: D***