



MATEMÁTICA - GABARITO

(Prof. Walter Tadeu Nogueira da Silveira – www.professorwaltetadeu.mat.br)

Questão 1. Zezinho comprou dois lápis e cinco canetas por R\$ 17,10. Porém, se tivesse comprado quatro lápis e nove canetas, teria gasto R\$ 31,00. Comprando uma caneta e um lápis, Zezinho pagará um total de:

- (A) R\$ 3,70. (B) R\$ 3,75. (C) R\$ 3,80. (D) R\$ 3,85. (E) R\$ 3,90.

Solução. Representando o preço de cada lápis por L e de cada caneta por C, temos:

i) $2L + 5C = 17,10$. Multiplicando todos os elementos por 2, vem: $4L + 10C = 34,20$.

ii) $4L + 9C = 31,00$. Utilizando o resultado anterior, vem: $4L + 9C + C = 34,20 \Rightarrow 31,00 + C = 34,20 \Rightarrow C = 34,20 - 31,00 = \text{R\$ } 3,20$. Este é o preço de uma caneta.

iii) Substituindo na relação (i), vem: $2L + 5(3,20) = 17,10 \Rightarrow 2L = 17,10 - 16,00 \Rightarrow 2L = 1,10 \Rightarrow L = \text{R\$ } 0,55$.

iv) O preço de uma caneta e um lápis é $(\text{R\$ } 3,20 + \text{R\$ } 0,55) = \text{R\$ } 3,75$.

Questão 2. Considere as sentenças abaixo:

I – Escrevendo-se todos os números naturais, de 1 até 765, inclusive os extremos, escrevem-se 665 números de três algarismos.

II - Escrevendo-se todos os números de três algarismos distintos e utilizando somente os algarismos do número 456, o maior destes números terá 65 dezenas.

III - O menor número primo de três algarismos é o número 107. Pode-se afirmar que:

- (A) Todas são falsas. (B) Apenas a primeira é falsa. (C) A primeira e a segunda são falsas.
(D) A primeira e a terceira são falsas. (E) Todas são verdadeiras.

Solução. Analisando as afirmativas, temos:

I - Falsa. O primeiro número é 100 e o último, 765. Há, portanto, $(765 - 100) + 1 = 665 + 1 = 666$.

II - Verdadeira. Os números são: 456, 465, 546, 564, 645, 654. O maior, 654, possui 65 dezenas 4 unidades.

III - Falsa. O menor número primo de três algarismos é 101.

Questão 3. O resultado da expressão $(21^{13} \div 7^{13}) \div (9^4 + 9^4 + 9^4)$ é:

- (A) 12. (B) 36. (C) 81. (D) 108. (E) 243.

Solução. Utilizando as propriedades das potências, temos:

$$(21^{13} \div 7^{13}) \div (9^4 + 9^4 + 9^4) = (21 \div 7)^{13} \div 3 \cdot (9^4) = 3^{13} \div 3 \cdot (3^2)^4 = 3^{13} \div 3 \cdot 3^8 = 3^{13} \div 3^9 = 3^4 = 81.$$

Questão 4. No início do mês, Paulinho recebeu o seu salário e tratou de pagar as dívidas contraídas no mês anterior. Verificou que, se pagasse metade dessas dívidas, lhe sobriam R\$ 1.500,00, mas se pagasse integralmente essas dívidas, lhe sobriam R\$ 900,00. Então, o salário recebido por Paulinho foi de:

- (A) R\$ 2.100,00. (B) R\$ 2.400,00. (C) R\$ 2.500,00. (D) R\$ 2.700,00. (E) R\$ 3.000,00.

Solução. Considerando S o valor do salário e D o valor das dívidas, temos:

i) $S - \frac{D}{2} = 1\ 500 \Rightarrow 2S - D = 3\ 000$. ii) $S - D = 900$.

iii) Substituindo (ii) em (i), temos: $S + (S - D) = 3\ 000 \Rightarrow S + 900 = 3\ 000 \Rightarrow S = 3\ 000 - 900 = \text{R\$ } 2.100,00$.

Questão 7. Tenho menos de duzentas bolas de gude. Se agrupá-las de 7 em 7, não sobra nenhuma. Agrupando-as de 6 em 6 ou de 8 em 8, sempre restam 3. Se resolver agrupá-las de 11 em 11, sobrarão:

- (A) Duas bolas de gude. (B) Quatro bolas de gude. (C) Seis bolas de gude.
 (D) Oito bolas de gude. (E) Dez bolas de gude.

Solução. O número N de bolas é múltiplo de 7. Além disso, temos:

i) $N = 6q + 3$ e $N = 8q' + 3$. Logo, $N - 3$ é múltiplo de 6 e 8 ao mesmo tempo. O MMC $(6, 8) = 24$.

ii) Analisando os múltiplos de 24, adicionando 3 e verificando quais serão múltiplos de 7, vem:

$24 + 3 = 27$, $48 + 3 = 51$, $72 + 3 = 75$, $96 + 3 = 99$, $120 + 3 = 123$, $144 + 3 = 147$. Este é múltiplo de 7. Logo, $N = 147$.

iii) Dividindo 147 por 11, encontramos quociente 13 e resto 4.

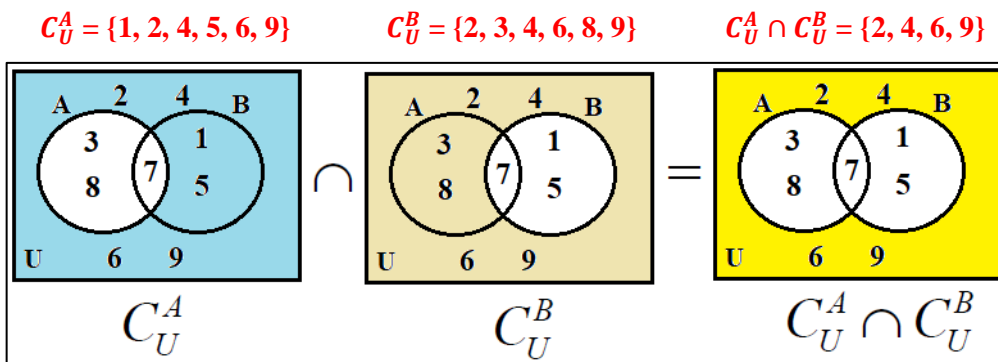
Questão 8. Sejam os conjuntos:

$$U = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \} \quad A = \{ 3, 7, 8 \} \quad B = \{ 1, 5, 7 \}$$

Se C_U^M indica o complementar do conjunto M em relação ao universo U , $M \subset U$, então o conjunto $C_U^A \cap C_U^B$ é igual a:

- (A) $\{ 1, 2 \}$. (B) $\{ 3, 4, 5 \}$. (C) $\{ 4, 5, 9 \}$. (D) $\{ 1, 2, 4, 9 \}$. (E) $\{ 2, 4, 6, 9 \}$.

Solução. Representando os conjuntos e os respectivos complementares em diagramas, temos:



Questão 9. Uma pesquisa foi feita com os alunos da 7ª série do Colégio Recanto Feliz. Verificou-se que 56 alunos lêem revistas sobre esportes, 21 lêem revistas sobre esportes e sobre fofocas, 106 lêem apenas um desses tipos de revistas e 66 não lêem revistas sobre fofocas. O número de alunos que não lêem revistas sobre esportes e também não lêem revistas sobre fofocas é igual a:

- (A) 10 alunos. (B) 11 alunos. (C) 21 alunos. (D) 31 alunos. (E) 158 alunos.

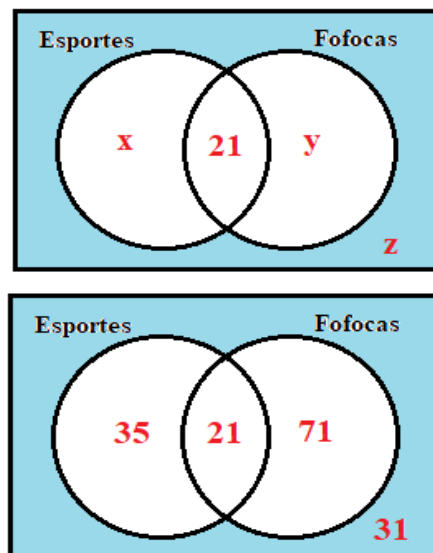
Solução. Representando as informações nos diagramas e efetuando os cálculos, temos:

i) $x + 21 = 56 \Rightarrow x = 56 - 21 = 35$;

ii) $x + y = 106 \Rightarrow 35 + y = 106 \Rightarrow y = 106 - 35 = 71$;

iii) $x + z = 66 \Rightarrow 35 + z = 66 \Rightarrow z = 66 - 35 = 31$;

Não leem nem revista de esportes, nem de fofocas é $z = 31$.



Questão 10. A forma simplificada da expressão a seguir é igual a:

$$\frac{3}{43} \times \left\{ 0,2 \times \left[2 - \left(\frac{2}{9} \right)^2 + 0,25 \times 1,333 \dots \right] + 5 \div 3 \right\}$$

(A) $\frac{311}{2580}$.

(B) $\frac{172}{81}$.

(C) $\frac{94}{645}$.

(D) $\frac{44}{81}$.

(E) $\frac{4}{27}$.

Solução. Representando os decimais e dízimas em frações e desenvolvendo a expressão, temos:

$$\begin{aligned} \frac{3}{43} \times \left\{ 0,2 \times \left[2 - \left(\frac{2}{9} \right)^2 + 0,25 \times 1,333 \dots \right] + 5 \div 3 \right\} &= \frac{3}{43} \times \left\{ \frac{2}{10} \times \left[2 - \frac{4}{81} + \frac{1}{4} \times \frac{12}{9} \right] + \frac{5}{3} \right\} = \\ &= \frac{3}{43} \times \left\{ \frac{2}{10} \times \left[\frac{158}{81} + \frac{1}{3} \right] + \frac{5}{3} \right\} = \frac{3}{43} \times \left\{ \frac{2}{10} \times \frac{185}{81} + \frac{5}{3} \right\} = \frac{3}{43} \times \left\{ \frac{37}{81} + \frac{5}{3} \right\} = \frac{3}{43} \times \frac{172}{81} = \frac{1}{11} \times \frac{4}{27} = \frac{4}{27}. \end{aligned}$$

Questão 11. A rodovia que liga duas cidades tem 36 km de extensão. A partir de uma pesquisa feita pelas prefeituras dessas cidades, verificou-se que, com a construção de um túnel de 1 km, a distância que separa essas cidades poderia ser reduzida para 21 km. Caso o túnel fosse construído, a fração da rodovia original que ficaria em desuso seria igual a:

(A) $\frac{5}{12}$.

(B) $\frac{7}{12}$.

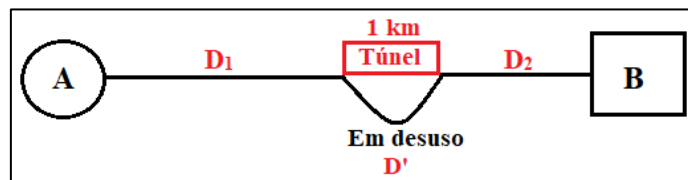
(C) $\frac{4}{9}$.

(D) $\frac{5}{9}$.

(E) $\frac{11}{18}$.

Solução. Após a construção do túnel, a parte da rodovia em desuso seria $(36 \text{ km} - D') + 1 \text{ km} = 21 \text{ km}$.

Calculando, temos: $D' = 37 \text{ km} - 21 \text{ km} = 16 \text{ km}$. Este valor representa $\frac{16}{36} = \frac{4}{9}$ da rodovia original.



Questão 12. Oito cubos de gelo, todos perfeitos e com o mesmo volume, foram colocados dentro de um recipiente de vidro, em forma de paralelepípedo retângulo, que se encontrava vazio. Quando os cubos estavam totalmente derretidos, observou-se que a água contida no recipiente atingia $\frac{1}{5}$ da sua altura interna. Sabendo-se que o recipiente tem capacidade para 2 litros d'água, podemos afirmar que o volume de cada cubo de gelo é:

(A) 50 cm^3 .

(B) 40 cm^3 .

(C) 25 cm^3 .

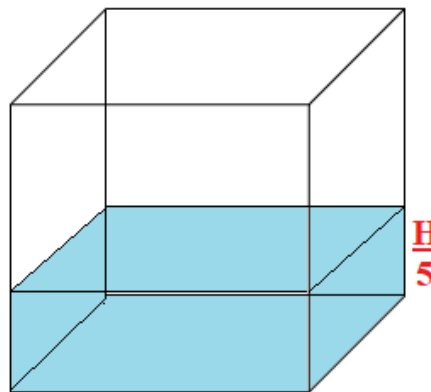
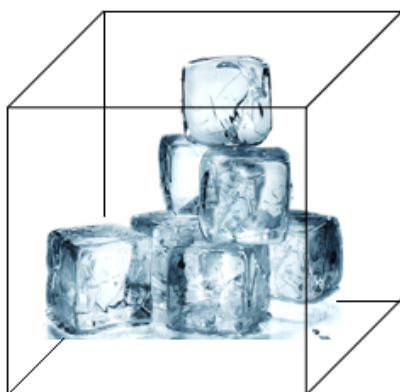
(D) 20 cm^3 .

(E) Não há como determinar o volume do cubo de gelo.

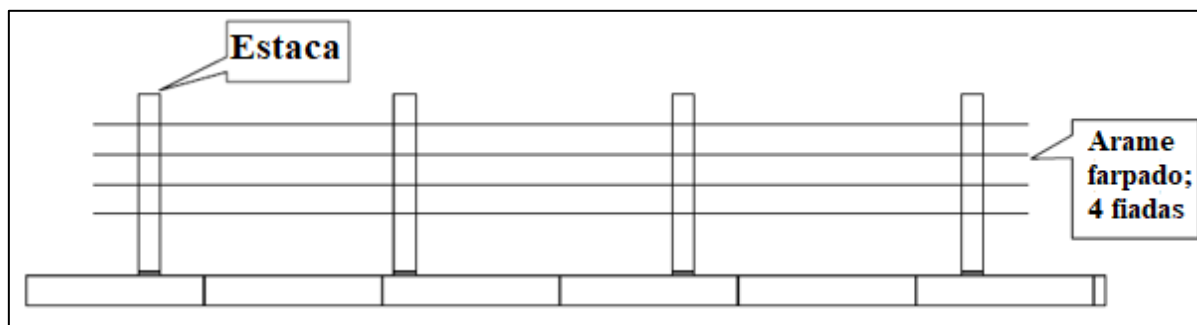
Solução. Sabendo que $1 \text{ dm}^3 = 1000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ litro}$, temos que 2 litros equivalem a 2000 cm^3 .

Com os cubos derretidos, o volume ocupado, em litros, é de $\frac{1}{5}$ de 2 litros = $\frac{1}{5}$ de $2000 \text{ cm}^3 = 400 \text{ cm}^3$.

Este volume corresponde a 8 cubos de gelo. Logo, cada cubo possui volume $(400 \div 8) = 50 \text{ cm}^3$.

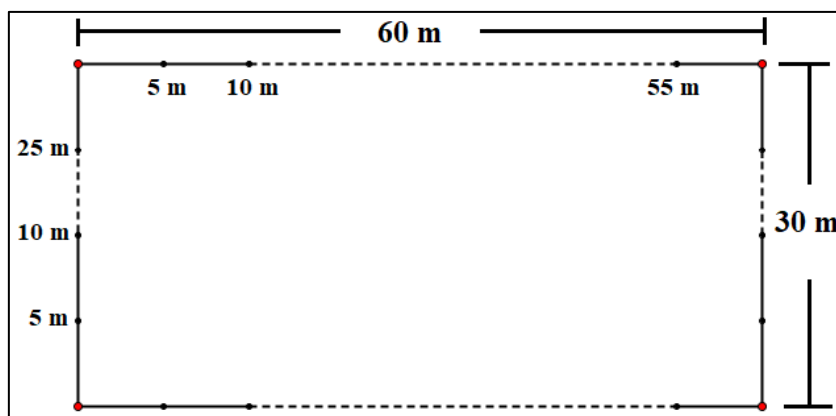


Questão 13. César é dono de um terreno retangular com 30 m de largura e 60 m de comprimento. Para demarcar os limites de seu terreno, pretende cercá-lo com 4 fiadas de arame farpado, fixadas em estacas de madeira, distantes umas das outras de 5 m, conforme figura abaixo. O número de estacas e a quantidade mínima de metros de arame necessários para cercar todo o terreno serão iguais a:



- (A) 36 estacas e 720 m de arame. (B) 35 estacas e 180 m de arame. (C) 37 estacas e 360 m de arame.
 (D) 36 estacas e 360 m de arame. (E) 35 estacas e 720 m de arame.

Solução. Fixando as quatro estacas nos cantos do terreno, calculamos o número de estacas em cada lado do terreno, separadas de 5 metros.



i) Número de estacas na dimensão de 60 m (sem considerar os cantos): $(55 - 5) \div 5 + 1 = 11$ estacas;

Número de estacas na dimensão de 30 m (sem considerar os cantos): $(25 - 5) \div 5 + 1 = 5$ estacas;

O total de estacas (incluindo a dos cantos) é: $(11 + 11 + 5 + 5) + 4 = 36$ estacas.

ii) Uma volta gasta $2 \times (60 + 30) = 180$ m de arame. Em quatro voltas, serão necessários $(4 \times 180) = 720$ metros.

Questão 14. Um livro tem 140 páginas; cada página tem duas colunas; cada coluna tem 30 linhas com 25 letras em cada linha. O número de letras nas 140 páginas desse livro é igual a:

- (A) 18 000. (B) 52 500. (C) 73 500. (D) 105 000. (E) 210 000.

Solução. Multiplicando todos os valores, temos: $140 \times 2 \times 30 \times 25 = 280 \times 30 \times 25 = 8\,400 \times 25 = 210\,000$ letras.

Responda os itens 15 e 16 a partir do texto a seguir.

Renatinha parou num posto de gasolina para abastecer; olhou a tabela de preços e, a seguir, pediu ao frentista que completasse o tanque com gasolina aditivada. Pela gasolina colocada, ela pagou a quantia de R\$ 109,95.

Tabela de preços

Gasolina comum	R\$ 2,099
Gasolina aditivada	R\$ 2,199
Gasolina <i>premium</i>	R\$ 2,399

Questão 15. A quantidade de gasolina colocada no carro de Renatinha foi:

- (A) 45,83 litros (B) 46 litros (C) 50 litros (D) 50,20 litros (E) 52,38 litros

Solução. O preço da gasolina aditivada é R\$ 2,199. Logo, Renatinha pôs $(109,95 \div 2,199) = 50$ litros.

Questão 16. O nosso Sistema Monetário recomenda o uso de duas casas decimais para os centavos, e não três, como indicado na tabela dada. Se a terceira casa decimal fosse desprezada e se, nesta condição, Renatinha houvesse pedido ao frentista para colocar 40 litros de gasolina *premium*, ela teria economizado:

- (A) R\$ 1,00 (B) R\$ 0,50 (C) R\$ 0,45 (D) R\$ 0,36 (E) R\$ 0,30

Solução. Colocando 40 litros da gasolina premium com as três casas decimais, gastaria $(40 \times 2,399) = \text{R\$ } 95,96$. Desprezando a terceira casa decimal, Renatinha teria pago $(40 \times 2,39) = \text{R\$ } 95,60$. A economia teria sido de $(95,96 - 95,60) = \text{R\$ } 0,36$.

Os professores do Colégio Militar do Rio de Janeiro, no exercício de suas funções pedagógicas, utilizam um guarda-pó branco, também conhecido como jaleco. Fazendo uma pesquisa em algumas lojas, os professores Antônio e PC verificaram os seguintes preços para o mesmo tipo de jaleco:

LOJAS	Professorinha	Preço Bom	Só Jalecos	O Profissional
PREÇO DO JALECO	R\$ 20,28	R\$ 19,60	R\$ 19,89	R\$ 21,06

Questão 17. Optando pela compra na loja de menor preço, e por comprar dois jalecos, PC foi beneficiado com um desconto: ele pagou 17/20 do preço sem desconto. A quantia que PC economizou na compra de cada jaleco foi:

- (A) R\$ 6,19. (B) R\$ 5,96. (C) R\$ 5,88. (D) R\$ 2,98. (E) R\$ 2,94.

Solução. O menor preço é R\$ 19,60. PC pagou, com desconto, $\frac{17}{20} \times (19,60) = (17 \times 0,98) = \text{R\$ } 16,66$ por cada jaleco. Logo, sua economia foi de $(19,60 - 16,66) = 2,94$.

Questão 18. Duas outras lojas pesquisadas também faziam promoções sobre os preços indicados no quadro acima:

na Só Jalecos, havia desconto de $\frac{1}{9}$ no preço de cada peça comprada; na O Profissional, quem comprasse 3 jalecos só pagaria 2. Antônio calculou o preço real de cada jaleco nestas promoções e os comparou ao preço cobrado na loja Professorinha, anotando as duas diferenças. A soma dessas diferenças é:

- (A) R\$ 2,60 (B) R\$ 6,24 (C) R\$ 7,47 (D) R\$ 8,84 (E) R\$ 9,23

Solução. O preço pago na loja Só Jalecos, com a promoção seria $19,89 - \frac{1}{9} \times 19,89 = 19,89 - 2,21 = \text{R\$ } 17,68$. Em relação à loja Professorinha a diferença é $(20,28 - 17,68) = \text{R\$ } 2,60$.

O preço de 2 jalecos na loja O Profissional é $(2 \times 21,06) = \text{R\$ } 42,12$. Como na verdade esse preço dá direito a 3 jalecos, o preço de cada jaleco sai por $(42,12 \div 3) = \text{R\$ } 14,04$. A diferença em relação ao da loja Professorinha é $(20,08 - 14,04) = \text{R\$ } 6,24$.

A soma das diferenças identificadas é $(2,60 + 6,24) = \text{R\$ } 8,84$.

Questão 19. Tia Carla sugere a seguinte receita para o preparo de um café especial:

Ingredientes:

- 50 g de chocolate amargo;
- 150 g de creme de leite fresco;
- 30 g de pó de café solúvel;
- 4 g de canela em pó;
- 22 g de açúcar;
- 600 ml de água quente, numa temperatura entre 60 °C e 80 °C.

Modo de fazer:

Aqueça o creme de leite, sem deixar ferver; junte o chocolate e misture, até dissolver por completo. Retire do fogo, adicione o pó de café, a canela, o açúcar e a água quente. Misture vigorosamente, até ficar espumante e homogêneo. Sirva imediatamente.

Com base nas informações acima e considerando que 1 litro de água, nas condições indicadas, tenha massa de 1 quilograma, podemos afirmar que 25 % da massa do café especial de Tia Carla corresponde a:

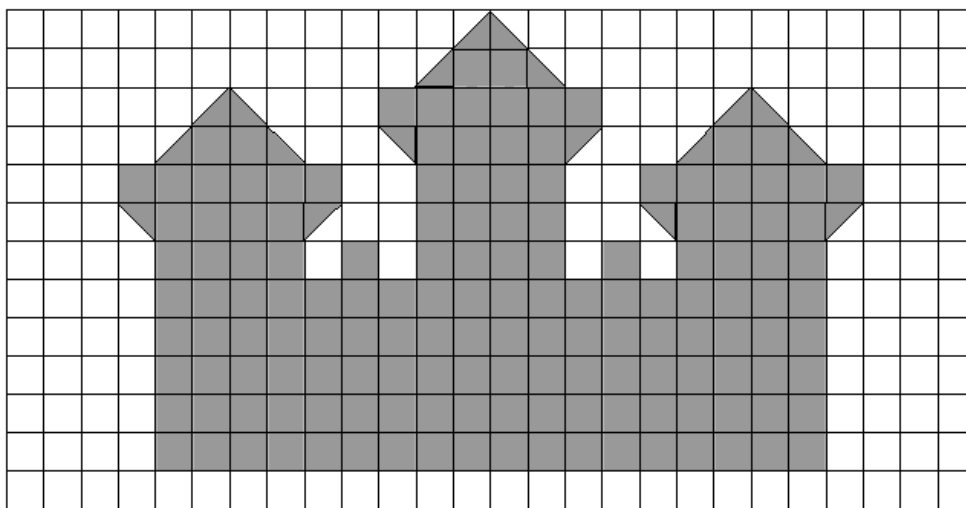
- (A) 64 g. (B) 214 g. (C) 256 g. (D) 600 g. (E) 856 g.

Solução. Se 1 litro de água = 1 000 ml corresponde a 1 kg = 1 000 g, então 600 ml corresponde a 600 g.

Adicionando a massa de todos os ingredientes, temos:

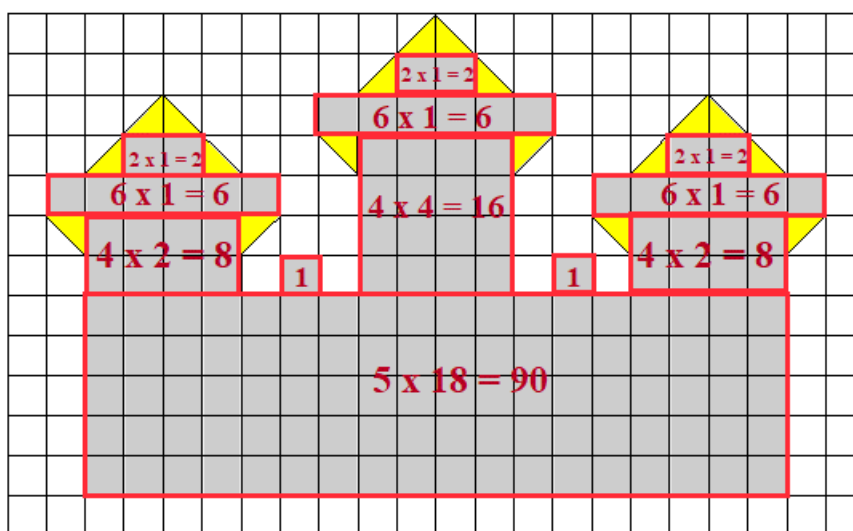
$50 + 150 + 30 + 4 + 22 + 600 = 856$ g. Então 25% dessa massa vale $(856 \div 4) = 214$ g.

Questão 20. Na figura abaixo, cada quadrado tem lado medindo 0,5 cm. A área de toda a parte sombreada nessa figura mede:



- (A) 0,4200 dm². (B) 0,3925 dm². (C) 0,3825 dm². (D) 0,3750 dm². (E) 0,3525 dm².

Solução. Identificando as regiões com quadrados inteiros pintados e os pintados pela metade, temos:



i) Número de quadrados pintados inteiros (contando de baixo para cima):

$(5 \times 18) + 2 \times (4 \times 2) + 2 \times 1 + (4 \times 4) + 3 \times 6 + 3 \times 2 = 90 + 16 + 2 + 16 + 18 + 6 = 148$ quadrados;

ii) Número de quadrados pintados pela metade: 18 meios quadrados = 9 quadrados inteiros;

iii) Área de cada quadrado: $(0,5 \text{ cm})^2 = 0,25 \text{ cm}^2 = 0,0025 \text{ dm}^2$.

iv) Área total pintada: $(157 \times 0,0025) = 0,3925 \text{ dm}^2$.